

Physik

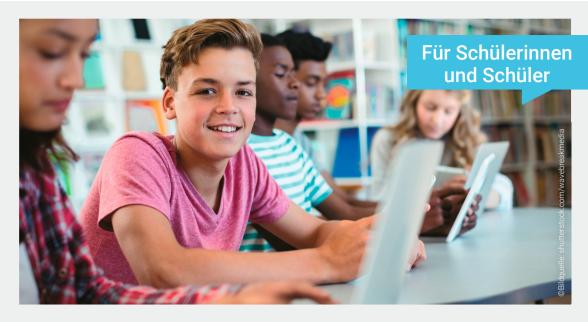
TEILDRUCK



Blättern Sie durch das **vollständige Livebook**. Dazu einfach den QR-Code scannen oder auf www.ccbuchner.de **67030** in das Suchfeld eingeben.



Realschule Bayern





click & click & study study Das digitale Schulbu Das digitale Schulbuch

Die digitalen Schulbücher click & study enthalten das vollständige digitale C.C.Buchner-Schulbuch inklusiver zahlreicher Zusatzmaterialien und hilfreicher Funktionen, mit denen Ihre Schülerinnen und Schüler digital am Unterricht teilnehmen können.



Einfache Bedienung

- Menüs und Bedienelemente sind selbsterklärend.
- Das interaktive Inhaltsverzeichnis ermöglicht eine schnelle Navigation.



Flexibel im Zugriff

- ► Flexibel nutzbar auf verschiedenen Endgeräten (PCs, Macs, Tablets) online und auch offline via App.
- ► Freischaltung unter www.click-and-study.de und/oder unter www.bildungslogin.de



Nützliche Funktionen

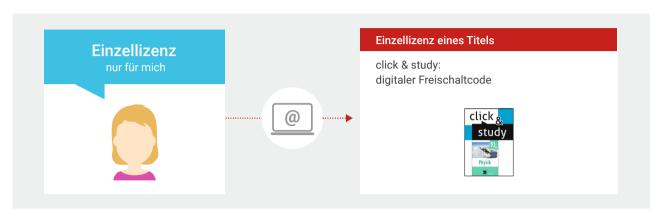
- Direkter Zugriff auf Links und Zusatzmaterialien
- ▶ Bspw. Markieren, Kopieren, Zoomen und Suchen - zudem: Lesezeichen, Freihandstift und digitale Arbeitsseite

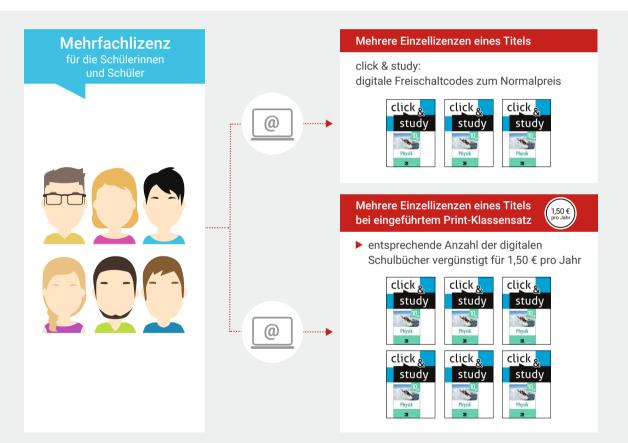


Verknüpft mit click & teach

▶ Durch die die Verknüpfung von click & teach und click & study können Sie sich mit Ihrer Klasse digital austauschen: Schalten Sie Material in click & study individuell frei, sprechen Sie sich über das Forum ab oder vergeben und empfangen Sie Inhalte mit dem Aufgabenpool.







Sie haben Fragen zu click & study?

Wir helfen Ihnen gern! Digital-Beratung:

Mo, Mi, Fr: 10:00 Uhr bis 11:30 Uhr Di und Do: 14:00 Uhr bis 15:30 Uhr **Telefon**: +49 951 16098-333

E-Mail: digitale-schulbuecher@ccbuchner.de

Sie möchten click & study erwerben?



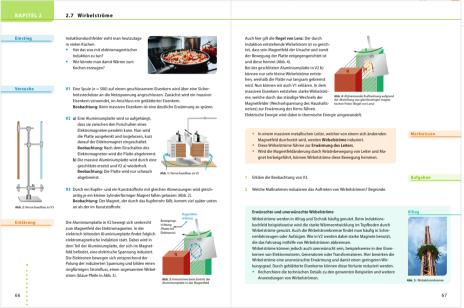
Besuchen Sie **www.ccbuchner.de** und bestellen Sie ganz einfach im Webshop.

Liebe Schülerinnen und Schüler,

damit ihr euch im Buch gut zurechtfindet, haben wir hier das Wichtigste für euch zusammengestellt. An verschiedenen Stellen haben wir Mediencodes eingebaut, sie führen unter www.ccbuchner.de/medien zu Arbeitsblättern für die Schülerversuche. Die QR-Codes verlinken auf dieselbe Seite.

Mit der **Einstiegsseite** kannst du dein Vorwissen abprüfen. Sie eignet sich aber auch gut, um dich anhand der Begriffe auf eine Schulaufgabe vorzubereiten.



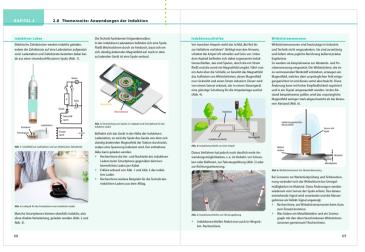


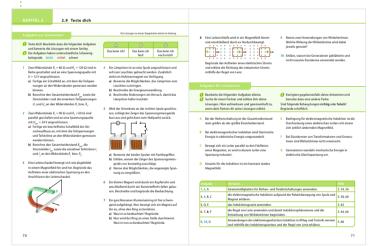
Die Standardseiten sind immer gleich strukturiert.

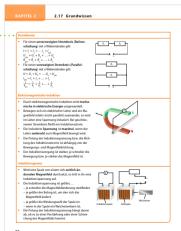
- Im Einstieg könnt ihr physikalischen Fragen nachgehen, die sich direkt aus dem Alltag ergeben.
- Mit den Versuchen kann man Gesetzmäßigkeiten entwickeln und überprüfen.
 Schülerversuche sind mit gekennzeichnet dazu findet ihr jeweils ein Arbeitsblatt unter www.ccbuchner.de/medien (abrufbar auch über den QR-Code).
- In der Erklärung wird das Fachwissen systematisch aus den Versuchen abgeleitet.
- Alles, was man wissen muss, steht im Merkwissen. Manchmal hängt noch eine Musteraufgabe mit Lösungen dran.
- Klar, ein Physikbuch enthält auch Aufgaben.
- In den Sonderkästen findet ihr Alltagsanwendungen, Historisches, Technisches, ...

Die Themenseiten bieten Wissenswertes aus dem Alltag, der Geschichte, ... Auf den Methodenseiten wird beschrieben, wie man physikalisch arbeitet.

> **Teste dich** hat verschiedene Teile. Im ersten Teil findet ihr Textaufgaben, die ihr alleine löst. Der zweite Teil enthält Diskussionsaufgaben: Beim Begründen und Argumentieren lernt ihr eine ganze Menge über Physik! Die Lösungen findet ihr im Anhang.







Mit den Vermischten Aufgaben könnt ihr den Stoff wiederholen.

Im Grundwissen ist das Wichtigste des ganzen Kapitels nochmals kompakt zusammengefasst.



Physik

Physik

Realschule Bayern

Herausgegeben von Christian Axenbeck und Dr. Christoph Fritsch

Physik 10_{II/III}

Bearbeitet von Christian Axenbeck, Sebastian Floder, Robert Forster, Dr. Christoph Fritsch, Sandra Hanke, Marco Nelkenbrecher, Markus Pollinger, Thomas Stumpferl, Franziska Weber und Uwe Weber-Haenel unter Mitarbeit der Verlagsredaktion

Zu diesem Lehrwerk sind erhältlich:

- Digitales Lehrermaterial click & teach Einzellizenz, Bestell-Nr. 670405
- Digitales Lehrermaterial **click & teach** Box (Karte mit Freischaltcode), ISBN 978-3-661-**67040**-9 Weitere Materialien finden Sie unter www.ccbuchner.de.

Dieser Titel ist auch als digitale Ausgabe click & study unter www.ccbuchner.de erhältlich.

Die enthaltenen Links verweisen auf digitale Inhalte, die der Verlag bei verlagsseitigen Angeboten in eigener Verantwortung zur Verfügung stellt. Links auf Angebote Dritter wurden nach den gleichen Qualitätskriterien wie die verlagsseitigen Angebote ausgewählt und bei Erstellung des Lernmittels sorgfältig geprüft. Für spätere Änderungen der verknüpften Inhalte kann keine Verantwortung übernommen werden.

An keiner Stelle im Schülerbuch dürfen Eintragungen vorgenommen werden.

Teildruck

1. Auflage, 1. Druck 2022

Alle Drucke dieser Auflage sind, weil untereinander unverändert, nebeneinander benutzbar.

Dieses Werk folgt der reformierten Rechtschreibung und Zeichensetzung. Ausnahmen bilden Texte, bei denen künstlerische, philologische oder lizenzrechtliche Gründe einer Änderung entgegenstehen.

© 2022 C.C.Buchner Verlag, Bamberg

Das Werk und seine Teile sind urheberrechtlich geschützt. Jede Nutzung in anderen als den gesetzlich zugelassenen Fällen bedarf der vorherigen schriftlichen Einwilligung des Verlags. Das gilt insbesondere auch für Vervielfältigungen, Übersetzungen und Mikroverfilmungen. Hinweis zu § 52 a UrhG: Weder das Werk noch seine Teile dürfen ohne eine solche Einwilligung eingescannt und in ein Netzwerk eingestellt werden. Dies gilt auch für Intranets von Schulen und sonstigen Bildungseinrichtungen.

Redaktion: Mirjam Heintzeler, Georg Vollmer Layout und Satz: Wildner + Designer GmbH, Fürth



www.ccbuchner.de

ISBN der genehmigten Auflage: 978-3-661-67030-0

Grundlegende physikalische Methoden	Gru	ındlegend	de ph	ysikalische	Methoden						1	E
-------------------------------------	-----	-----------	-------	-------------	----------	--	--	--	--	--	---	---

1 Mechanik

Start	klar Mechanik
1.1	Zeit-Weg-Diagramme
1.2	Momentan- und Durchschnittsgeschwindigkeit 20
1.3	Gleichmäßig beschleunigte Bewegung 22
1.4	Freier Fall
1.5	Grundgleichung der Mechanik
1.6	Kinetische Energie
1.7	Energieerhaltung
1.8	Themenseite: Verkehrssicherheit
1.9	Teste dich
1.10	Grundwissen
1.11	Vermischte Aufgaben 44



2 Elektrizitätslehre

Stromkreise und Induktion 2.1 2.2 Verzweigter Stromkreis 56 Elektromagnetische Induktion 58 2.3 2.4 2.5 2.6 2.7 2.8 2.9



3 Atom- und Kernphysik



3.1	Radioaktive Strahlung 96
3.2	Aufbau von Atomkernen
3.3	Strahlungsarten 102
3.4	Radioaktiver Zerfall
3.5	Halbwertszeit
3.6	Gefahren radioaktiver Strahlung und Strahlenschutz
3.7	Nutzen radioaktiver Strahlung
3.8	Teste dich
3.9	Grundwissen
3.10	Vermischte Aufgaben

4 Energieversorgung

Energ	gieträger und Kraftwerke
4.1	Energieträger
4.2	Sonnenenergie
4.3	Biomasse
4.4	Erdwärme
4.5	Wärmekraftmaschinen
4.6	Themenseite: Wärmekraftmaschinen
4.7	Wärmekraftwerke
4.8	Themenseite: Wärmekraftwerke
4.9	Teste dich
Weite	ere Kraftwerke und energetische Herausforderungen
4.10	GuD-Kraftwerke
4.11	Wasserkraftwerke
4.12	Windkraftwerke
4.13	Speichertechniken
4.14	Übertragungstechniken
4.15	Auswirkungen auf die Umwelt
4.16	Teste dich
4.17	Grundwissen
4.18	Vermischte Aufgaben
	ngen 160
	atoren
Stich	wortverzeichnis
D-I I	1



Grundlegende physikalische Methoden

Zu den wichtigsten Methoden in der Physik gehört die Auswertung physikalischer Versuche und das strukturierte Lösen physikalischer Rechenaufgaben. Zur physikalischen Erklärung vieler Ereignisse in Natur und Technik wird das Teilchenmodell herangezogen. Diese bereits in Klassenstufe 8 und 9 thematisierten Grundlagen werden hier nochmals dargestellt.

Versuche durchführen und auswerten

Versuch durchführen

Bei vielen Versuchen in der Physik wird untersucht, wie sich zwei Größen zueinander verhalten. Die erste Größe ist diejenige, die man im Laufe des Experiments verändert bzw. vorgibt – man nennt sie deshalb die unabhängige (oder vorgegebene) Größe. Die zweite Größe, deren Werte man misst, ist von der ersten Größe abhängig. Man nennt sie deshalb die abhängige Größe.

Von einem Elektromotor soll geprüft werden, wie schnell er physikalische Arbeit verrichten kann. Dazu wird gemessen, bis in welche Höhe h er ein Massestück der Masse m in einer vorgegebenen Zeit t heben kann. Daraus wird die Hubarbeit $W_{\rm Hub}$ berechnet.

Der Elektromotor hebt eine Masse mit m = 400 g. $F_G = m \cdot g = 0,400 \text{ kg} \cdot 9,81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} = 3,92 \text{ N}$

t in s	0	20	40	60	80	100
<i>h</i> in m	0,00	0,35	0,65	1,10	1,40	1,80
$W_{\text{Hub}} = F_{\text{G}} \cdot h \text{ in J}$	0,0	1,4	2,5	4,31	5,49	7,06

Versuch grafisch auswerten

Diese beiden Größen trägt man in ein Koordinatensystem ein: die unabhängige Größe nach rechts (x-Achse), die abhängige Größe nach oben (y-Achse). Es entsteht ein x-y-Diagramm. Die Achsen werden mit den entsprechenden Größen inklusive Einheiten beschriftet.

Wenn eine Ausgleichsstrecke durch die Messwerte gelegt werden kann, so liegt eine direkte Proportionalität vor. Für eine Ausgleichsstrecke gilt: Alle Punkte liegen auf der Strecke oder knapp daneben (am besten gleichmäßig ober- und unterhalb).

Da die Messgenauigkeit beim Messen nicht beliebig genau ist und beim Messen Fehler entstehen können, werden die Messwerte als kleine Kreise gezeichnet.

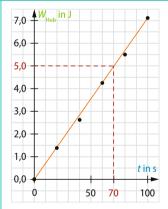


Abb. 1: Grafische Auswertung im t- $W_{\rm Hub}$ -Diagramm und Bestimmung der Proportionalitätskonstante

Eine Ausgleichsstrecke liegt vor. Daraus folgt, dass die physikalische Arbeit direkt proportional zur benötigten Zeit ist: $W_{\rm Huh} \sim t$.

Die Proportionalitätskonstante $\frac{W_{\text{Hub}}}{t}$ wird als physikalische Leistung P bezeichnet.

Versuch numerisch auswerten

Zur numerischen Auswertung wird eine neue Tabellenzeile angelegt, in der (hier) der Ouotient aus beiden Messgrößen berechnet wird. Die abhängige Größe ist dabei der Dividend (Zähler), die unabhängige der Divisor (Nenner).

Die Einheit des Quotientenwerts ergibt sich aus den Einheiten der auftretenden Größen. Der Ouotientenwert muss dabei mit der richtigen Anzahl sinnvoller Ziffern angegeben werden.

t in s	0	20	40	60	80	100
$W_{\text{Hub}} = F_{\text{G}} \cdot h \text{ in J}$	0,0	1,4	2,5	4,31	5,49	7,06
$\frac{W_{\text{Hub}}}{t}$ in $\frac{J}{s}$	-	0,070	0,063	0,072	0,069	0,0706

Im Rahmen der Messgenauigkeit ist der Quotient aus der Hubarbeit W_{Hub} und der Zeit t konstant:

$$\frac{W_{\text{Hub}}}{t} = \text{konst.}$$

 $\frac{W_{\mathrm{Hub}}}{t} = \mathrm{konst.}$ Damit liegt eine direkte Proportionalität vor: $W_{\mathrm{Hub}} \sim t.$

Bestimmung einer Proportionalitätskonstante

- Bestimmung bei grafischer Auswertung Man sucht sich im x-y-Diagramm ein Wertepaar, das als Punkt auf der Ausgleichsstrecke liegt, und bildet den Quotienten $\frac{y}{x}$ dieser beiden Werte.
- Bestimmung bei numerischer Auswertung Da man bereits alle Quotientenwerte berechnet hat, kann man einfach den Mittelwert berechnen.

$$P = \frac{W_{\text{Hub}}}{t}$$

$$P = \frac{5.0 \text{ J}}{70 \text{ s}} = 0.071 \text{ W}$$

$$\overline{P} = \frac{0,070 + 0,063 + 0,072 + 0,069 + 0,0706}{5} \frac{J}{s} = 0,069 \text{ W}$$

Rechenaufgaben unter Beachtung der sinnvollen Ziffern lösen

Angabe von Größen

Bei der Angabe von Größen spiegelt sich deren Genauigkeit wider. Es gilt: Je genauer ein Wert gemessen wurde, desto mehr sinnvolle Ziffern werden angegeben. Größen, die – mathematisch gesehen – identisch sind, sind es daher physikalisch gesehen oft nicht.

2,3 mm ≠ 2,30 mm, weil die Anzahl der sinnvollen Ziffern nicht gleich ist.

Umrechnung von Größen

Beim Umrechnen von Größen in eine andere Einheit muss man darauf achten, dass sich die Anzahl sinnvoller Ziffern nicht ändert.

Beachtet man das Konzept der sinnvollen Ziffern nicht, würde sich die Genauigkeit eines Werts ändern.

Die beiden Längen l_1 und l_2 sind unter physikalischen Gesichtspunkten nicht gleich, da l_1 auf 1 m und l_2 auf 1 cm genau angegeben ist.

Zur Umrechnung von Größen ohne Änderung der Genauigkeit verwendet man oft Zehnerpotenzen.

$$^{1/2}$$
 2,3 mm = 0,23 cm = 0,023 dm

$$l_1 = \overset{1}{25} \text{ m} \neq l_2 = \overset{1}{2500} \text{ cm}$$

$$l_1 = \overset{12}{25} = \overset{12}{m} = \overset{12}{25} \cdot 10^2 \text{ cm}$$

 $l_2 = \overset{12}{3} \overset{34}{4} = \overset{12}{3} \overset{34}{4}$
 $l_3 = \overset{12}{3} \overset{34}{4} = \overset{12}{3} \overset{34}{4}$

Addition und Subtraktion von Größen

Wichtig ist, dass die Größen in der gleichen Einheit vorliegen. Falls das nicht der Fall ist, müssen einzelne Werte zunächst umgerechnet werden.

- Größen gleicher Genauigkeit
 Besitzen alle Werte dieselbe Genauigkeit, werden
 die Werte einfach addiert.
- Größen unterschiedlicher Genauigkeit
 Besitzen die Werte unterschiedliche Genauigkeit
 keiten, so wird das Ergebnis am Ende gerundet,
 und zwar entsprechend dem Wert mit der geringsten Genauigkeit.

$$t_{\text{qes}} = 64.3 \text{ s} + 62.8 \text{ s} + 63.2 + 61.6 \text{ s} = 251.9 \text{ s}$$

 $t_{\rm ges}$ = 64,3 s + 62,85 s + 63,26 s + 61,64 s = 252,05 s Der erste Wert von 64,3 s ist der ungenaueste, also muss auf 0,1 s gerundet werden: $t_{\rm ges}$ = 252,1 s

Multiplikation und Division von Größen

Bei der Berechnung physikalischer Größen durch Produkte und Quotienten wird die Maßzahl des Ergebnisses auf so viele sinnvolle Ziffern gerundet, wie der ungenaueste Messwert besitzt. Berechnung der Hubarbeit mit $W_{\text{Hub}} = m \cdot g \cdot h$:

$$m = \overset{1}{7}\overset{2}{0},\overset{3}{4}$$
 kg; $g = \overset{1}{9},\overset{2}{8}\overset{3}{1}\frac{N}{kg}$; $h = \overset{1}{4},\overset{2}{0}$ m

Mathematisch berechnete Hubarbeit:

$$W_{\text{Hub}} = 70.4 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 4.0 \text{ m} = 2762,496 \text{ J}$$

Durch die Multiplikation der Werte entsteht eine "Genauigkeit", die nicht sinnvoll ist.

Physikalisch berechnete Hubarbeit:

$$W_{\text{Hub}} = 70,4 \text{ kg} \cdot 9,81 \frac{N}{\text{kg}} \cdot 4,0 \text{ m}$$

Der ungenaueste Messwert (4,0 m) hat zwei sinnvolle Ziffern, weswegen der obige, mathematische Wert gerundet und auf zwei sinnvolle Ziffern angegeben wird:

$$W_{\text{Hub}} = \overset{1}{2}, \overset{2}{8} \cdot 10^3 \text{ J} = 2,8 \text{ kJ}$$

Teilchenmodell verwenden

Aggregatzustände im Teilchenmodell

Festkörper

Die Teilchen eines Festkörpers sind eng benachbart und führen um ortsfeste Gitterplätze Eigenschwingungen aus. Zwischen den Teilchen wirken starke Kohäsionskräfte.





Flüssigkeit

Die Teilchen sind etwas weiter voneinander entfernt und befinden sich in wechselnden Gleichgewichtslagen, um die sie ständig Eigenschwingungen ausführen. Zwischen den Teilchen wirken schwache Kohäsionskräfte, sodass sie sich gegeneinander verschieben lassen.

Gas

Zwischen den Teilchen eines Gases ist der Abstand größer als bei Flüssigkeiten. Es wirken keine Kohäsionskräfte zwischen den Teilchen. Die Gasteilchen bewegen sich frei und regellos, sodass sie sich gleichmäßig in dem Raum verteilen, der ihnen zur Verfügung steht.









Abb. 2: Aggregatzustände im Teilchenmodell

AUFGABEN

Ein Elektromotor hebt einen Körper mit bekannter Masse hoch. Ermittelt wurde die am Körper verrichtete Hubarbeit W_{Hub} in Abhängigkeit von der Zeit.

t in min	15,0	30,0	45,0	60,0	75,0	80,0
W_{Hub} in kJ	0,28	0,56	0,84	1,13	1,39	1,49

- a) Beschreibe, wie sich der Betrag der verrichteten Arbeit verändert, wenn die Zeit verdoppelt wird.
- **b)** Werte die Tabelle numerisch aus.
- c) Erstelle ein t- W_{Hub} -Diagramm mit entsprechender grafischer Auswertung.
- d) Erläutere den vorliegenden mathematischen Zusammenhang zwischen Arbeit und Zeit.
- e) Bestimme mithilfe beider Auswertungen die vom Motor verrichtete durchschnittliche Leistung.
- **a)** Berechne die Zeit, die ein Radfahrer (Gesamtmasse mit Fahrrad 78 kg) benötigt, um einen Höhenunterschied von 450 m zu überwinden, wenn er eine durchschnittliche mechanische Leistung von 70 W erbringt.
 - b) Tatsächlich ist die Leistung viel größer. Berechne die tatsächliche aufgebrachte Leistung, wenn man beim System "Radfahrer und Fahrrad" von einem Wirkungsgrad von $\eta=28,5\%$ ausgeht.
- 3 Erkläre jeweils mithilfe des Teilchenmodells.
 - a) Ein Löffel erwärmt sich in einem frisch aufgebrühten Tee so stark, dass man sich die Finger an ihm verbrennt.
 - **b)** Bei Stromfluss leuchtet eine Glühlampe.

Mechanik



Bewegung

Zeit-Weg-Diagramm



FREIER FALL

Fallbeschleunigung

Fallbeschleunigung

Gleichmäßig beschleunigte Bewegung

- Welche der Begriffe hast du schon gehört? Erkläre sie.
- Findest du weitere passende Bilder oder weitere Begriffe?
- Die Doppelseite ist gut für die Vorbereitung auf eine Schulaufgabe geeignet: Erkläre dazu (evtl. einem Partner) jeden Begriff und erläutere auch die Zusammenhänge zwischen ihnen. Ergänze gegebenenfalls fehlende Stichworte.



Grundgleichung der Mechanik

Bremsweg asschribeitsa

WOW

Geschwindigkeit



Beschleunigung

Ortsfaktor Malteweg



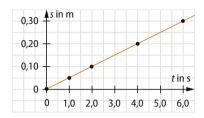
TROBOSKOPAUFNAHME **VERKEHRSSICHERHEIT**

MOMENTANGESCHWINDIGKEIT

KAPITEL 1

Gleichförmige Bewegung

- Eine Bewegung heißt gleichförmig, wenn sie geradlinig ist und in gleichen Zeiten gleich lange Wege zurückgelegt werden.
- Dann beschreibt der konstante Quotient aus Wegstrecke *s* und Zeitspanne *t* die **Geschwindigkeit** *v*: $v = \frac{s}{t}$ mit $[v] = 1 \frac{m}{s}$.



Kräfte

- Kräfte kann man an ihren Wirkungen erkennen.
- Die Kraft \vec{F} ist eine **vektorielle Größe** mit drei Bestimmungsstücken:

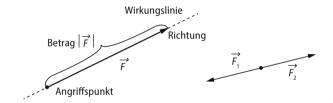
Kraftbetrag, Angriffspunkt, Richtung

- Die Einheit der Kraft ist 1 Newton: [F] = 1 N.
- Eine Kraft ruft stets eine gleich große Gegenkraft hervor (Wechselwirkungsprinzip).
- Zwei Kräfte, die an einem Körper angreifen, sind im Gleichgewicht, wenn sie den gleichen Betrag, die entgegengesetzte Richtung und dieselbe Wirkungslinie besitzen.

dynamische Wirkung:

Geschwindigkeitsänderung oder Richtungsänderung statische Wirkung:

elastische oder plastische Verformung



Gravitation und Gewichtskraft

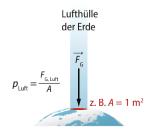
- Alle Körper ziehen sich gegenseitig an (Gravitation).
- Die **Gewichtskraft** $\overrightarrow{F_G}$ ist die Gravitationskraft der Erde auf einen Körper. Sie zeigt zum Erdmittelpunkt und wird kleiner, je weiter man sich von diesem entfernt.



Luftdruck

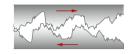
Der **Luftdruck** ist der Schweredruck der Luft. Er beträgt in **Meeresspiegelhöhe** unter Normalbedingungen etwa **1013 hPa = 1,013 bar**.

 Mit zunehmender Höhe nimmt der Luftdruck zwar ab, aber nicht linear.



Reibung

- Man unterscheidet folgende Reibungsarten:
 Haftreibung, Gleitreibung, Rollreibung
- Reibungskräfte wirken gegen die Bewegungsrichtung.
- Für die Beträge der Reibungskräfte gilt: $F_{Roll} < F_{Gleit} < F_{Haft}$





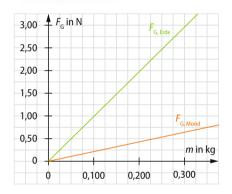
Modellvorstellung zur Haft- und Gleitreibung (links) und Rollreibung (rechts)

Trägheit, Masse und Gewichtskraft

- Jeder Körper ist träge: Er bleibt in Ruhe oder bewegt sich gleichförmig fort, wenn keine Kräfte auf ihn wirken oder die Kräfte auf den Körper im Gleichgewicht sind.
- Trägheit und Schwere bezeichnen eine ortsunabhängige Eigenschaft eines Körpers. Man bezeichnet sie als Masse m mit [m] = 1 kg.
- Die Gewichtskraft $F_{\rm G}$ eines Körpers ist direkt proportional zu seiner Masse m: $F_{\rm G} \sim m$.

 Der konstante Quotient heißt **Ortsfaktor** g: $g = \frac{F_{\rm G}}{m} \, \text{mit} \, [g] = 1 \, \frac{\rm N}{\rm kq}$
- Der Wert des Ortsfaktors hängt ab von ...
 - · der Masse des Himmelskörpers und
 - der Entfernung des Messortes vom Mittelpunkt des Himmelskörpers.





Aggregatzustände und Teilchenmodell

- Alle Körper liegen in einem von drei Aggregatzuständen vor (fest, flüssig, gasförmig).
- Alle Körper bestehen aus Teilchen. Zwischen den Teilchen befindet sich ein Vakuum.
- Zwischen den Teilchen wirken Kohäsionskräfte.
- Körper unterscheiden sich durch die Art und die Anordnung der Teilchen.
- Alle Teilchen sind in ständiger Eigenbewegung.





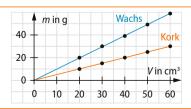


gasförmig

Dichte

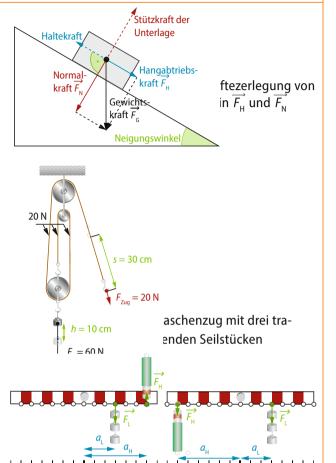
 Masse und Volumen von Körpern aus demselben Material sind direkt proportional: m ~ V.
 Der Proportionalitätsfaktor heißt Dichte ρ:

$$\rho = \frac{m}{V} \operatorname{mit} \left[\rho \right] = 1 \frac{g}{cm^3} = 1 \frac{kg}{dm^3} = 1 \frac{t}{m^3}$$



Kraftwandler: Schiefe Ebene, Flaschenzug und Hebel

- Kraftwandler sind mechanische Geräte, die mindestens ein Bestimmungsstück einer Kraft ändern: den Angriffspunkt, den Kraftbetrag oder die Richtung der Kraft.
- Bei der Überwindung von Höhenunterschieden zerlegt die gegen die Horizontale geneigte schiefe Ebene die Gewichtskraft F_G in die Hangabtriebskraft F_U und die Normalkraft F_N.
- Ein Flaschenzug verringert den Betrag der Zugkraft F_{zug} mithilfe von Seilen und Rollen.
- Der Betrag der Zugkraft F_{zug} verringert sich entsprechend der Anzahl der tragenden Seilstücke.
- Die Strecke s, die das Zugseil bewegt werden muss, vergrößert sich entsprechend der Anzahl der tragenden Seilstücke.
- Jeder starre Körper, der um einen festen Punkt drehbar ist, kann als Hebel genutzt werden. Das Wirken einer Kraft auf einen Hebelarm will eine Drehbewegung des Hebels hervorrufen.
- Am längeren Arm greift die kleinere Kraft an.
- Am einseitigen Hebel sind $\overrightarrow{F_H}$ und $\overrightarrow{F_L}$ entgegengesetzt gerichtet, am zweiseitigen Hebel sind $\overrightarrow{F_H}$ und $\overrightarrow{F_L}$ gleichgerichtet.



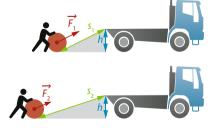
 $\overrightarrow{F_{\mathrm{H}}}$ und $\overrightarrow{F_{\mathrm{L}}}$ am ein- und zweiseitigen Hebel

Arbeit, Energie und Energieumwandlung

- Die mechanische Arbeit W ist das Produkt aus dem Betrag einer Kraft \overrightarrow{F} und dem Weg s: $W = F \cdot s$ mit $\overrightarrow{F} \parallel \overrightarrow{s}$ und [W] = 1 J (Joule) = 1 Nm
- Arbeit beschreibt den Kraftaufwand, einen Körper längs eines Weges zu bewegen.

Als Produkt aus Kraft und Weg ist Arbeit eine abgeleitete Größe. Man unterscheidet:

- Hubarbeit W_{Hub}
- Reibungsarbeit W_n
- Beschleunigungsarbeit W_{R}
- Verformungsarbeit W_v

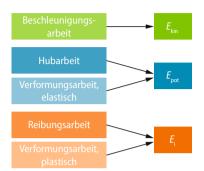


Je länger die Strecke, desto kleiner ist bei gleicher Höhe *h* die benötigte Kraft.

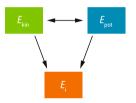
- Goldene Regel der Mechanik: Durch Einsatz eines Kraftwandlers kann die Arbeit, die verrichtet werden muss, nicht verkleinert werden.
- Als Speicher- bzw. Zustandsgröße gibt die Energie die Fähigkeit eines Körpers an, Arbeit zu verrichten.

Man unterscheidet:

- chemische Energie *E*_{chem}
- kinetische Energie E_{kin} (Bewegungsenergie)
- potenzielle Energie *E*_{not} (Lageenergie)
- innere Energie E_i
- elektrische Energie E_{el}
- Energieformen können ineinander umgewandelt werden. Bei physikalischen Energieumwandlungen wird immer ein Teil der Energie in innere Energie umgewandelt.
- Energieerhaltungssatz: Energie kann nicht verbraucht und nicht produziert werden, sie wird lediglich in andere Energieformen umgewandelt.



Arbeitsarten und Energieformen



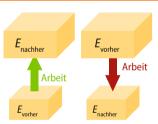
Energieumformungen am Beispiel des Pendels

Arbeit, Leistung und Wirkungsgrad

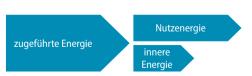
- Die physikalische Arbeit gibt an, wie viel Energie von einem Körper auf einen anderen Körper übertragen wird: Die Energie eines Körpers nimmt zu, wenn an ihm Arbeit verrichtet wird; die Energie eines Körpers nimmt ab, wenn der Körper Arbeit verrichtet.
- Die Leistung P ist der Quotient aus verrichteter Arbeit W und benötigter Zeitspanne t. Sie gibt an, wie viel Energie in einer bestimmten Zeitspanne umgewandelt bzw. übertragen wird:

 $P = \frac{W}{t}$ mit [P] = 1 W (Watt) und 1 W = $\frac{1 \text{ J}}{1 \text{ s}}$

- Der Wirkungsgrad η eines Vorgangs beschreibt, welcher Anteil an zugeführter Energie in Nutzenergie umgewandelt wird.
- Der Wirkungsgrad ist stets kleiner als 1, d. h.:
 Bei jeder Energieumwandlung ist die Nutzenergie immer kleiner als die zugeführte Energie.



Energieerhöhung (am Körper wird Arbeit verrichtet) und Energieabnahme (der Körper verrichtet Arbeit).



zugeführte Energie, Nutzenergie und innere Energie

1.1 Zeit-Weg-Diagramme

Einstieg

Wird ein bewegter Körper nach gleichen Zeitabschnitten fotografiert und werden die Einzelbilder überlagert, entsteht eine sogenannte Stroboskopaufnahme.

 Beschreibe den Bewegungsverlauf der Sportlerin.



Versuche

"phyphox" ist der Name der App "physical phone experiments", die von der RWTH Aachen entwickelt wurde.

Arbeitsblatt zu V1 unter 67030-01



Installiere die Physik-App "phyphox" auf deinem Smartphone. Öffne die App und

wähle die Anwen-

dung "Standort (GPS)" aus. Bewege dich mit deinem Smartphone auf dem Pausenhof. Unterbrich dabei zweimal deine Bewegung.

Beobachtung: Der Graph im Zeit-Weg-Dia-

Material - Smartphone

- App "phyphox"



Abb. 1: Zeit-Weg-Diagramm

gramm (Abb. 1) besitzt eine unregelmäßige Form, er beginnt im Ursprung und verläuft während eines Bewegungsstillstands parallel zur Zeit-Achse.

V2 Mit einer Smartphone-App, die für die Erstellung von Stroboskop- und Serienfotos geeignet ist (z. B. die App "Motion Shot"), wird eine Stroboskopaufnahme eines Ballwurfs gemacht und ein Zeit-Weg-Diagramm angefertigt, indem die Entfernungen zwischen den Ballmittelpunkten gemessen werden.

Bei 8 Aufnahmen in 1,00 s ergeben sich folgende Zeitintervalle:

$$\Delta t = t_{\text{qes}}$$
: $n = 1,00 \text{ s}$: $7 = 0,14 \text{ s}$

t in s	0,00	0,14	0,29	0,43
Δs in mm	0	23	11	8
s in mm	0	23	34	42
t in s	0,57	0,71	0,86	1,00
Δs in mm	6	12	17	37
s in mm	48	60	77	114

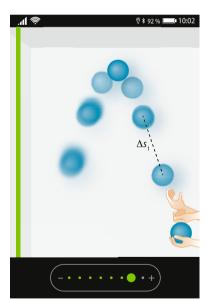


Abb. 2: Bildaufnahme des Ballwurfs

Beobachtung: Der Verlauf des Zeit-Weg-Diagramms zu V2 beginnt im Ursprung und steigt mit zunehmender Zeit an. Bei t = 0,50 s ist der Anstieg am schwächsten (Abb. 3).

Bewegte Körper wie der einer Sportlerin legen während ihrer Bewegungen Wegstrecken zurück. Die nach einer bestimmten Zeit t zurückgelegte Wegstrecke s eines Körpers kann gemessen und in einem Zeit-Weg-Diagramm (t-s-Diagramm) grafisch dargestellt werden. Graphen in Zeit-Weg-Diagrammen beginnen daher immer im Ursprung. V1 zeigt, dass die Graphen (bzw. Teilstücke

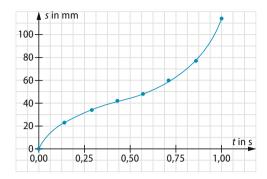


Abb. 3: Zeit-Weg-Diagramm

des Graphen) von Körpern ohne Bewegung im Zeit-Weg-Diagramm parallel zur Zeit-Achse verlaufen, da trotz verstreichender Zeit kein Weg zurückgelegt wird (Abb. 1). Je schneller sich ein Körper bewegt, desto steiler ist der Verlauf der Kurve. In V2 bewegt sich der Ball an seinem Wendepunkt am langsamsten, der Verlauf des Graphen ist hier am flachsten.

- **Zeit-Weg-Diagramme** (*t-s-***Diagramme**) stellen die von einem Körper zurückgelegte Strecke *s* in Abhängigkeit von der verstrichenen Zeit *t* dar.
- Ein Graph im *t-s-*Diagramm beginnt stets im Ursprung und steigt bei Bewegung mit zunehmender Zeit an.
- Je größer die Strecke ist, die ein Körper in gleichen Zeitintervallen zurücklegt, d. h. je größer der Betrag seiner Geschwindigkeit ist, desto steiler ist der Verlauf des Graphen im *t-s-*Diagramm.
- 1 Das abgebildete Zeit-Weg-Diagramm beschreibt die Fahrt eines Spielzeugautos.
 - a) Beschreibe jeweils den Bewegungszustand des Autos in den Abschnitten 1 bis 6.
 - b) Berechne die Geschwindigkeit des Autos in denjenigen Abschnitten, in denen es sich mit konstanter Geschwindigkeit fortbewegt. Gib die Geschwindigkeit in $\frac{m}{s}$ und $\frac{km}{h}$ an.
 - c) Beschreibe, woran man in einem Zeit-Weg-Diagramm eine Zu- bzw. Abnahme der Geschwindigkeit erkennt.

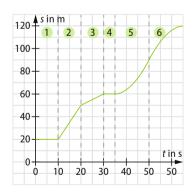


Abb. 4: Fahrt eines Spielzeugautos

Erklärung

Merkwissen

Aufgaben

- 2 Beschreibe detailliert den Bewegungsverlauf aus V2 anhand des *t-s-*Diagramms.
- 3 Erstelle für deinen Weg zur Schule mithilfe einer App ein t-s-Diagramm.

1.1 Zeit-Weg-Diagramme

- Skizziere Zeit-Weg-Diagramme für folgende Situationen:

 - a) Ein Auto fährt für 20 s lang mit 72 km/h auf einem geraden Straßenabschnitt.
 b) Ein Radfahrer fährt 5 Minuten lang mit 30 km/h und verlangsamt danach seine Geschwindigkeit pro Minute um 5 km.
 - c) Ein Sportler springt von einer 25 m hohen Plattform ins Wasser.
 - d) Ein Fallschirmspringer springt aus dem Flugzeug und zieht nach 20 s den Fallschirm.

Die Spiele wurden wegen der Corona-Pandemie erst im Sommer 2021 ausgetragen.

Ein Triathlon besteht aus den Disziplinen Schwimmen, Radfahren und Laufen, die nacheinander und in genau dieser Reihenfolge bewältigt werden müssen. Stelle den gesamten Triathlon der beiden Olympiasieger von 2020 in Tokio in einem einzigen Weg-Zeit-Diagramm dar.

	Name	Gesamt	1500 m Schwimmen	40 km Radfahren	10 km Laufen
Olympiasiegerin Frauen	Flora Duffy	1:55:36	18:32	1:02:49	33:00
Olympiasieger Männer	Kristian Blummenfelt	1:45:04	18:04	0:56:19	29:34

Methode

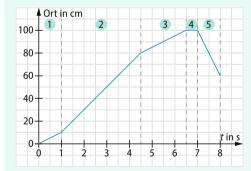


Abb. 5: Zeit-Orts-Diagramm



Abb. 6: Fahrradfahrt

Zeit-Orts-Diagramme

Wenn nicht der zurückgelegte Weg, sondern der Ort des betrachteten Körpers aufgetragen wird, dann erhält man ein Zeit-Orts-Diagramm (Abb. 5). Steigt der Graph, so liegt eine Vorwärtsbewegung vor, fällt er, so bewegt sich der Körper rückwärts.

- Beschreibe die Bewegung eines Spielzeugautos, das auf einer geraden Schiene vor und zurück fährt, anhand des Zeit-Orts-Diagramms von Abb. 5. Bestimme auch die Geschwindigkeiten in den Abschnitten 1 bis 5.
- Abb. 5 enthält Knicke. Erkläre, warum die Knicke für eine gute Darstellung der Wirklichkeit "abgerundet" werden müssten.
- Erstelle für V2 ein Zeit-Orts-Diagramm.
- Stelle in einem Zeit-Orts-Diagramm die Bewegung zweier Spielzeugautos dar, die geradlinig aufeinander zu fahren und bei Begegnung stoppen.
- In der Praxis sind Bewegungen selten geradlinig. Will man beispielsweise eine Fahrradfahrt mit gleichem Start-Ziel-Punkt darstellen, so kann die y-Achse nicht den Ort, sondern lediglich die Entfernung zum Startpunkt abbilden. Erkläre genauer.

- Abb. 7 zeigt das idealisierte Zeit-Orts-Diagramm einer Fahrradfahrt.
 - a) Ordne jedem der drei Bewegungsabschnitte ein Bild zu und begründe deine Entscheidung.







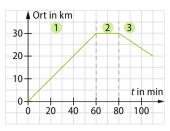


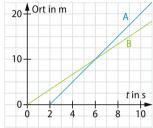
Abb. 7: Fahrradfahrt

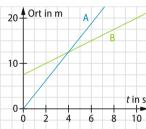
- b) Erstelle aus dem Zeit-Orts-Diagramm ein Zeit-Weg-Diagramm.
- c) Bestimme die Geschwindigkeit des Radfahrers in der Einheit km in jedem der drei Abschnitte.
- Welche der folgenden Aussagen sind für die Zeit-Orts-Diagramme jeweils korrekt?
 - a) 1 Körper A überholt B.
 - 2 A bewegt sich mit 5,0 $\frac{m}{s}$
 - 3 A bewegt sich mit 2,5 $\frac{m}{s}$
 - 4 A und B sind gleichzeitig gestartet, A hatte Vorsprung.
 - 5 A und B sind vom gleichen Ort gestartet, B früher.
 - 6 A und B bewegen sich in die gleiche Richtung.

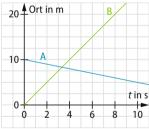


- 2 B bewegt sich mit 2,5 $\frac{m}{s}$.
- 3 B bewegt sich mit 1,25 $\frac{m}{s}$.
- 4 A und B bewegen sich in entgegengesetzte Richtung.
- 5 A und B sind gleichzeitig gestartet, B hatte Vorsprung.
- 6 A und B sind vom gleichen Ort gestartet, A früher.
- c) 1 A bewegt sich zurück.

 - 2 B bewegt sich mit 2,5 m/s
 3 A bewegt sich mit -0,5 m/s
 - 4 B bewegt sich dreimal so schnell wie A.
 - 5 A und B sind vom gleichen Ort gestartet, A später.
 - 6 A und B begegnen sich nie.
- d) 1 Körper A bewegt sich zurück.
 - Körper A wird schneller.
 - 3 Körper A wird langsamer.
 - 4 Körper B wird schneller.
 - 5 Körper B wird langsamer.
 - 6 Körper B bewegt sich vorwärts.







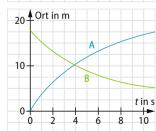


Abb. 8: Zeit-Orts-Diagramme zu Aufgabe 7

1.2 Momentan- und Durchschnittsgeschwindigkeit

Einstieg

Im Escape-Freizeitpark in Malaysia wurde 2019 die riesige Wasserrutsche mit 1140 m Länge eröffnet.

- Wie schnell wird man auf einer Wasserrutsche?
- Kann die Geschwindigkeit mit einer Stoppuhr gemessen werden?



Versuche

Arbeitsblatt zu V1 unter **67030-02**



Arbeitsblatt zu V2 unter 67030-03



V1 Das Deutsche Museum soll vom Hauptbahnhof München aus erreicht werden. Ermittle mithilfe eines Routenplaners die Durchschnittsgeschwindigkeit eines Pkws vom Bahnhof bis zum Museum.

> Beobachtung: Die berechnete Durchschnittsgeschwindigkeit des Pkws beträgt $v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{2.9 \text{ km}}{13 \text{ min}} = 13 \frac{\text{km}}{\text{h}}.$

> > Material

- Smartphone

- App "phyphox"



🎎 V2 Stelle dich mit dem Smartphone in einen Fahrstuhl und öffne die App "phyphox".

Starte die Anwen-

dung "Aufzug" und fahre in verschiedene Etagen.

Beobachtung: Die Geschwindigkeit ist bei der Abwärtsfahrt negativ, in Ruhe gleich 0 und bei der Aufwärtsfahrt positiv (Abb. 1).



Abb. 1: t-v-Diagramm zu V2

V3 Eine Kugel wird auf eine schiefe Ebene aufgesetzt und rollen gelassen. In mehreren Durchgängen wird ihre Geschwindigkeit bestimmt.

> Beobachtung: Die berechnete Geschwindigkeit ist bei Durchgang 1 klein, sie steigt bei kleineren Weg- und Zeitintervallen in Durchgang 3 auf bis zu $25 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ an.

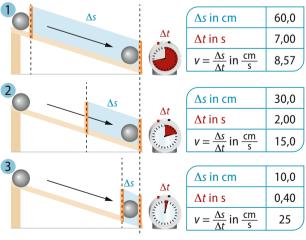


Abb. 2: Rollende Kugel und ihre Geschwindigkeit

V1 zeigt, dass die berechnete Geschwindigkeit kleiner ist als die typische Geschwindigkeit im Straßenverkehr, da diese als Durchschnittsgeschwindigkeit auch kleine Geschwindigkeiten beim Anfahren und Bremsen oder im Stau berücksichtigt. Geschwindigkeitsangaben im Alltag, z. B. Maximalgeschwindigkeiten bei Tempolimits, beziehen sich häufig auf die Geschwindigkeiten von Körpern zu einem bestimmten Zeitpunkt. Diese Geschwindigkeiten werden als Momentangeschwindigkeiten bezeichnet.



Abb. 3: Geschwindigkeiten zu V2

Abb. 3 zeigt in einem t-v-Diagramm die Momentangeschwindigkeiten (orange) sowie die Durchschnittsgeschwindigkeit (blau) des Fahrstuhls aus V2. In V3 wird die Geschwindigkeit einer auf einer schiefen Ebene rollenden Kugel in mehreren Durchgängen ermittelt. In Durchgang 1 wird die Durchschnittsgeschwindigkeit des gesamten Rollvorgangs und in Durchgang 3 (mit sukzessive kleiner werdendem Abstand der beiden Lichtschranken) die angenäherte Momentangeschwindigkeit am Ende der schiefen Ebene bestimmt.

- Die Geschwindigkeit $v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$ ist die durchschnittliche Geschwindigkeit eines bewegten Körpers entlang der Strecke Δs im Zeitintervall Δt .
- Die **Momentangeschwindigkeit** $v_{_{\mathrm{M}}}$ eines Körpers ist die Geschwindigkeit des Körpers zu einem Zeitpunkt t und kann mit $v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$ angenähert werden, wenn Δs oder Δt in der Umgebung des Messzeitpunkts t sehr klein ist.
- Die Durchschnittsgeschwindigkeit auf der Wasserrutsche im Escape Park beträgt 4,7 $\frac{m}{s}$, die Rutschenlänge beträgt 1140 m. Ermittle die Dauer einer Fahrt.
- Ein Flugzeug startet und hebt nach 42 s bei einer Geschwindigkeit von 300 $\frac{km}{h}$ ab. Dabei hat es auf der Startbahn eine Strecke von 2300 m zurückgelegt.
 - a) Berechne die Durchschnittsgeschwindigkeit des Flugzeugs.
 - b) Beschreibe die Momentangeschwindigkeit des Flugzeugs während des Startvorgangs mithilfe eines t-v-Diagramms.
- a) Lies aus Abb. 1 die maximale Auf- bzw. Abwärtsgeschwindigkeit des Aufzugs ab.
 - b) Beschreibe die Fahrt des Aufzugs anhand des t-v-Diagramms von Abb. 1. Verwende Begriffe wie "Abwärtsfahrt", "Bremsbewegung", ...



Abb. 4: Aufzug

Erklärung

Merkwissen

Aufgaben

1.3 Gleichmäßig beschleunigte Bewegung

Einstieg

 Beschreibe die Bewegungszustände und benenne die Unterschiede und Gemeinsamkeiten.





Versuche

Arbeitsblatt zu V1 unter 67030-04



Starte in der App "Beschleunigung (ohne g)".

- a) Bewege deine Hand mit dem
 - Smartphone mit unterschiedlicher Stärke.

Material

- Smartphone

– Wägelchen

- App "phyphox"

b) Lasse dein Smartphone auf einem Wägelchen frei rollen.

Beobachtung: Bei ruckartigen Bewegungen des Smartphones zeichnet der Sensor verschieden große Beschleunigungen auf. Bei



Abb. 1: Bewegung aus dem Handgelenk

der Bewegung in b) werden (fast) keine Beschleunigungen gemessen.

V2 Ein Wagen mit Fähnchen wird von einem fallenden Körper gezogen (Abb. 2). Auf der Fahrbahn werden in gleichen Abständen fünf Lichtschranken platziert und die Eintrittszeit t sowie die

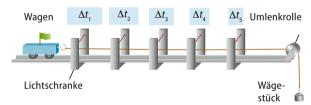


Abb. 2: Bahn mit Wagen

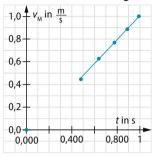
Durchgangszeit Δt des Wagens an der Lichtschranke gemessen (Breite des Fähnchens $\Delta s = 2,0$ cm). Die jeweilige Momentangeschwindigkeit $v_{\rm M}$ des Wagens wird berechnet.

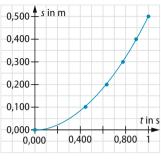
s in m	0,000	0,100	0,200	0,300	0,400	0,500
t in s	0,000	0,447	0,632	0,775	0,895	0,995
Δt in s	0,000	0,045	0,032	0,026	0,023	0,020
Δs in m	0,000	0,020	0,020	0,020	0,020	0,020
$v_{\rm M} = \frac{\Delta s}{\Delta t} \text{in} \frac{\rm m}{s}$	-	0,44	0,63	0,77	0,87	1,0

Beobachtung: Je mehr Zeit vergeht, desto größer ist die Momentangeschwindigkeit des Wagens. Bei Verdopplung der Zeit t erhöht sich die Momentangeschwindigkeit $v_{\rm M}$ auch auf das Doppelte, die zurückgelegte Strecke s erhöht sich auf ungefähr auf das Vierfache.

Erklärung

Grafische Auswertung von V2





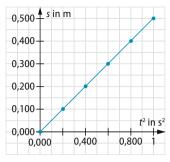


Abb. 3: t-v_M-Diagramm

Abb. 4: t-s-Diagramm

Abb. 5: t²-s-Diagramm

Numerische Auswertung von V2

$\frac{v_{\rm M}}{t}$ in $\frac{\frac{\rm m}{\rm s}}{\rm s}$	-	0,98	1,0	0,99	0,97	1,0
t^2 in s^2	0,000	0,200	0,399	0,601	0,801	0,990
$\frac{s}{t^2}$ in $\frac{m}{s^2}$	-	0,500	0,501	0,499	0,499	0,505

Im Rahmen der Messgenauigkeit gilt: $\frac{v_{\rm M}}{t}$ = konst. und $\frac{s}{t^2}$ = konst. Die Momentangeschwindigkeit $v_{\rm M}$ ist direkt proportional zur Zeit t: $v_{\rm M} \sim t$. Die zurückgelegte Strecke s ist direkt proportional zum Quadrat der Zeit t: $s \sim t^2$

In V1 a) wirken unregelmäßige Kräfte auf das Smartphone, diese rufen unregelmäßige Beschleunigungen des Körpers hervor (Abb. 1). Ohne Änderung des Bewegungszustandes (V1 b) zeichnet der Sensor keine Beschleunigungen auf. Kör-



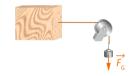


Abb. 6: Der Körper wird durch die Kraft \vec{F} beschleuniat.

Abb. 7: Der Körper wird durch die Gewichtskraft $\overline{F_c}$ beschleuniat.

per können nur durch äußere Kräfte beschleunigt werden (Abb.

6). In V2 wird der Wagen durch die Gewichtskraft des fallenden Körpers beschleunigt (Abb. 7). Da die Krafteinwirkung hier mit zunehmender Zeit konstant bleibt, erhöht sich die Momentangeschwindigkeit gleichmäßig: $v_{\rm M} \sim t$.

Man spricht in diesen Fällen von einer gleichmäßig beschleunigten Bewegung. Der konstante Quotient $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ einer solchen Bewegung wird als **Beschleunigung** a bezeichnet, er beschreibt die gleichmäßige Veränderung der Momentangeschwindigkeit mit der Zeit: $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_{\rm M}}{t}$. Umformen ergibt das **Zeit-Geschwindigkeits-Gesetz:** $v_{\rm M} = a \cdot t$.

V2 zeigt, dass der zurückgelegte Weg proportional zum Quadrat der Zeit ist: s $\sim t^2$.

Der Wagen beschleunigt mit $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{1}{\sqrt{v_M}} = 1.0 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$.

Ein Verdoppeln des Mittelwerts $\overline{\left(\frac{s}{t^2}\right)}$ ergibt $2 \cdot \overline{\left(\frac{s}{t^2}\right)} = 2 \cdot 0,501 \cdot \frac{m}{s^2} = 1,002 \cdot \frac{m}{s^2} = a$

Umformen der Gleichung nach s ergibt das **Zeit-Weg-Gesetz**: $s = \frac{1}{2} a \cdot t^2$.

1.3 Gleichmäßig beschleunigte Bewegung

Merkwissen

Die angegebenen Formeln beziehen sich nur auf geradlinige, gleichmäßig beschleunigte Bewegungen und nur auf solche, bei denen aus dem Stand beschleunigt oder bis zum Stillstand abgebremst wird.

Musteraufgabe

Eine negative Beschleunigung stellt eine Bremsbewegung dar. Wenn man von einer Anfangsgeschwindigkeit bis zum Stillstand abbremst, legt man den gleichen Weg zurück, wie wenn man aus dem Stand auf dieselbe Geschwindigkeit (in jeweils derselben Zeit) beschleunigt. Für die Rechnung verwendet man deshalb im einen Fall Betragsstriche, um einen positiven Weg zu erhalten.

Aufgaben

Wirkt auf einen Körper eine in Betrag und Richtung konstante Kraft, dann wird der Körper gleichmäßig beschleunigt, d. h. der Körper erfährt in gleichen Zeitintervallen gleiche Geschwindigkeitsänderungen. Die Momentangeschwindigkeit ist dabei direkt proportional zur Zeit: $v_{M} \sim t$.

Für die gleichmäßige Beschleunigung a gilt: $a = \frac{v_{\text{Ende}} - v_{\text{Anfang}}^{\text{M}}}{\Delta t}$ mit $[a] = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$. Bei gleichmäßig beschleunigter Bewegung gelten folgende Gesetze:

Zeit-Geschwindigkeits-Gesetz: $v = a \cdot t$

Zeit-Weg-Gesetz: $s = \frac{1}{2} a \cdot t^2$

Berechne jeweils die Beschleunigung und die zurückgelegte Weglänge.

a) Ein Pkw beschleunigt gleichmäßig von 0 km/h auf 50 km/h in 4,0 s.
 b) Anschließend bremst er in 2,5 s gleichmäßig bis zum Stillstand ab.

Lösung:

a) geg.:
$$v_{Anfang} = 0 \frac{km}{h}; v_{Ende} = 50 \frac{km}{h}; \Delta t = 4,0 \text{ s}$$
ges.: $a; s$
Ansatz: $a = \frac{v_{Ende} - v_{Anfang}}{\Delta t}; s = \frac{1}{2}a \cdot t^2$
Rechnung: $a = \frac{50 \frac{km}{h} - 0 \frac{km}{h}}{\Delta t} = \frac{50 \frac{km}{h}}{4,0 \text{ s}} = \frac{\frac{50}{3,6} \frac{m}{s}}{4,0 \text{ s}} = 3,5 \frac{m}{s^2}$
 $s = \frac{1}{2} \cdot 3,5 \frac{m}{s^2} \cdot (4,0 \text{ s})^2 = 28 \text{ m}$
b) geg.: $v_{Anfang} = 50 \frac{km}{h}; v_{Ende} = 0 \frac{km}{h}; \Delta t = 2,5 \text{ s}$

a; s $a = \frac{v_{\text{Ende}} - v_{\text{Anfang}}}{\Delta t}; s = \frac{1}{2}a \cdot t^{2}$ $a = \frac{0 \frac{\text{km}}{h} - 50 \frac{\text{km}}{h}}{\Delta t} = \frac{-50 \frac{\text{km}}{h}}{2.5 \text{ s}} = \frac{-\frac{50}{3.6} \frac{\text{m}}{\text{s}}}{2.5 \text{ s}} = -5.6 \frac{\text{m}}{\text{s}^{2}}$ ges.: Ansatz: Rechnung: $s = \frac{1}{2} \cdot \left| -5.6 \frac{m}{s^2} \right| \cdot (2.5 \text{ s})^2 = 18 \text{ m}$

a) Beschreibe anhand von Alltagssituationen die Änderung des Betrags der Geschwindigkeit eines Körpers bei gleichbleibender Bewegungsrichtung.

b) Begründe die unterschiedlichen Messwerte für die Beschleunigung bei V1 (Abb. 1) und interpretiere die negativen Werte der Beschleunigung.

Beschreibe die Bewegungszustände und beurteile anhand von Betrag und Richtung der Kraft, ob es sich um eine gleichmäßig beschleunigte Bewegung handelt.









- Angegeben ist, wie und in welcher Zeit Fahrzeuge gleichmäßig beschleunigen. Berechne jeweils die Beschleunigung a und die zurückgelegte Weglänge s.

 - **a)** von $0 \frac{km}{h}$ auf $80 \frac{km}{h}$ in 8,0 s **b)** von $0 \frac{km}{h}$ auf $80 \frac{km}{h}$ in 12,3 s

 - c) von 20 $\frac{m}{s}$ auf 0 $\frac{m}{s}$ in 3,5 s d) von 140 $\frac{km}{h}$ auf 0 $\frac{km}{h}$ in 7,5 s
- a) Ein Schnellzug erhält aus dem Stillstand eine Beschleunigung von 0,80 $\frac{m}{c^2}$.
 - Nach welcher Zeit hat er eine Geschwindigkeit von 140 km/h erreicht?

 b) Ein Sportwagen fährt mit einer Geschwindigkeit von 130 km/h. Innerhalb von 4,5 s kommt der Wagen zum Stillstand. Berechne seine Bremsbeschleunigung.
 - c) Ein Sportpilot beschleunigt seinen Rennwagen in 2,75 s von $0 \frac{km}{h}$ auf $100 \frac{km}{h}$ Anschließend bremst er mit einer Beschleunigung von $-12 \frac{m}{c^2}$ bis zum Stillstand. Berechne jeweils die Längen der zurückgelegten Wege.

Komplexere Bewegungen

Bisher wurden nur "einfache" Beschleunigungen untersucht, bei denen entweder v_{Anfang} oder v_{Ende} jeweils 0 waren. In der Realität sind viele Bewegungen komplexer, weil beispielsweise ein Auto schon eine Ausgangsgeschwindigkeit v₀ hat und nicht bis zum Stillstand abbremst, oder weil es weiter beschleunigt. Für solche Fälle gleichmäßig beschleunigter Bewegungen werden die Bewegungsgesetze erweitert, sodass auch das Setzen von Beträgen entfällt:

Zeit-Geschwindigkeits-Gesetz: $v = v_0 + a \cdot t$ Zeit-Weg-Gesetz: $s = v_0 \cdot t + \frac{1}{2}a \cdot t^2$

- Ein Auto bremst innerhalb von 5,0 s von 135 $\frac{km}{h}$ bis zum Stillstand ab. Welchen Weg hat das Auto zurückgelegt? Zeige, dass man mit beiden Ansätzen (1 Musteraufgabe 1 b) und 2 $s = v_0 \cdot t + \frac{1}{2}a \cdot t^2$) dasselbe Ergebnis erhält.
- Berechne jeweils die Endgeschwindigkeit des Fahrzeugs und seine bis dahin zurückgelegte Wegstrecke mit den obigen Bewegungsgesetzen.
 - a) Ein Fahrzeug bremst bei einer Geschwindigkeit von 120 km/h für 2,4 s mit einer Beschleunigung von –7,5 $\frac{m}{s^2}$.
 - b) Ein Fahrzeug beschleunigt bei einer Ausgangsgeschwindigkeit von 30 $\frac{m}{s}$ für 2,0 s mit a=4,0 $\frac{m}{s^2}$. a) Ermittle die Beschleunigung eines Elektroautos, das aus dem
- Stand nach 3,2 s eine Geschwindigkeit von 50 $\frac{km}{h}$ erreicht.
 - **b)** Das Auto beschleunigt ab 50 km/h für 10 s bis zur Höchstgeschwindigkeit. Berechne diese und den zurückgelegten Weg.
 - c) Berechne die Länge des Anhaltewegs, wenn das Auto von $160 \frac{\text{km}}{\text{h}} \text{ mit } a = -8,50 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \text{ bis zum Stillstand bremst und der}$ Fahrer zuvor eine Reaktionszeit von 1,0 s hatte.

Alltag



Abb. 8: Elektroauto

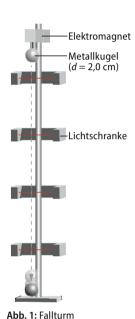
Einstieg

In einem Freizeitpark soll ein Fallturm gebaut werden.

 Wie hoch muss der Turm gebaut werden, damit die Fahrgäste einen freien Fall von fünf Sekunden erleben können?



Versuche



ADD. I. Falltulli

V1 Ein Eisenstück und eine Feder werden aus gleicher Höhe fallen gelassen. Der Versuch wird im Vakuum wiederholt.

Beobachtung: Das Eisenstück fällt schneller zu Boden als die Feder. Wird der Versuch im Vakuum wiederholt, dann fallen die beiden Körper gleich schnell.

V2 An einem Fallturm werden Lichtschranken in gleichen Abständen und am oberen Ende ein Elektromagnet platziert (Abb. 1). Nun werden jeweils die Eintrittszeit t sowie die Durchgangszeit Δt der fallenden Eisenkugel mit einem Durchmesser von d=2,0 cm an den Lichtschranken gemessen und die Momentangeschwindigkeiten der Eisenkugel $v_{\rm M}=\frac{\Delta s}{\Delta t}$ berechnet. Die Strecke Δs entspricht dem Durchmesser der Eisenkugel.

s in m	0,000	0,050	0,100	0,150	0,200
t in s	0,000	0,102	0,144	0,174	0,204
Δs in m	-	0,020	0,020	0,020	0,020
Δt in s	_	0,020	0,014	0,012	0,010
$v_{\rm M} = \frac{\Delta s}{\Delta t} \text{in} \frac{\text{m}}{\text{s}}$	-	1,0	1,4	1,7	2,0

Beobachtung: Bei Verdopplung der Zeit t erhöht sich die Momentangeschwindigkeit v_{M} auf das Doppelte und die zurückgelegte Strecke auf ungefähr das Vierfache.

Erklärung

Grafische und numerische Auswertung

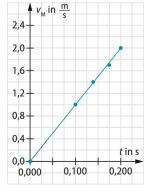


Abb. 2: t-v_M-Diagramm

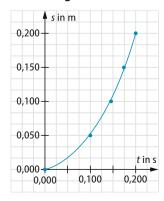


Abb. 3: t-s-Diagramm

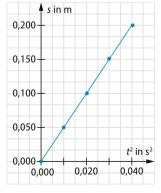


Abb. 4: t2-s-Diagramm

t^2 in s^2	0,000	0,0104	0,0207	0,0303	0,0416
s in m	0,000	0,050	0,100	0,150	0,200
$\frac{s}{t^2}$ in $\frac{m}{s^2}$	-	4,8	4,83	4,95	4,81
$\frac{v_{\rm M}}{t}$ in $\frac{\frac{\rm m}{\rm s}}{\rm s}$	_	9,8	9,7	9,8	9,8

Im Rahmen der Messgenauigkeit gilt: $\frac{s}{t^2}$ = konst. und $\frac{v_{\rm M}}{t}$ = konst.

$$\overline{\left(\frac{s}{t^2}\right)} = \left(\frac{4,8+4,83+4,95+4,81}{4}\right) \frac{m}{s^2} = 4,8 \frac{m}{s^2}$$

$$\overline{\left(\frac{v_M}{t}\right)} = \left(\frac{9,8+9,7+9,8+9,8}{4}\right) \frac{m}{s^2} = 9,8 \frac{m}{s^2}$$

V1 zeigt, dass im Vakuum alle Körper unter der Wirkung der Gewichtskraft gleich schnell fallen. Wir bezeichnen diese Bewegung als **freien Fall**. Da die Gewichtskraft konstant ist, ist der freie Fall eine **gleichmäßig beschleunigte Bewegung** ($v_{\rm M} \sim t$).

Die Kugel beschleunigt mit $a = \overline{\left(\frac{v_{\rm M}}{t}\right)} = 9,8 \, \frac{\rm m}{\rm s^2}$, also dem Ortsfaktor g auf der Erde. Bestimmt man den Ortsfaktor mit einer Feder, nutzt man die Schwere eines Körpers. Weil in unserem Versuch aber die Trägheit des beschleunigten Körpers eine Rolle spielt, erhalten wir die Einheit 1 $\frac{\rm m}{\rm s^2}$ für den Ortsfaktor. Damit folgen für den freien Fall das Zeit-Geschwindigkeits-Gesetz: $v_{\rm M} = g \cdot t$ und das Zeit-Weg-Gesetz: $s = \frac{1}{2} g \cdot t^2$.

- Der freie Fall ist eine gleichmäßig beschleunigte Bewegung unter der Wirkung der konstanten Gewichtskraft.
- Diese für alle Körper gleiche Fallbeschleunigung beträgt im Vakuum **9,81** $\frac{m}{s^2}$ und entspricht dem Ortsfaktor g.
- Für den freien Fall gelten: $v = g \cdot t$ und $s = \frac{1}{2} g \cdot t^2$.
- 1 Ein Stein wird von einem hohen Turm fallen gelassen.
 - a) Benenne und begründe die Art der Bewegung.
 - b) Berechne die Fallgeschwindigkeit und Fallhöhe des Steins nach 2,0 s.
 - c) Bestimme die Fallzeit, nach der eine Fallgeschwindigkeit von 30 $\frac{m}{s}$ erreicht ist.
 - d) Nach welcher Zeit und mit welcher Geschwindigkeit trifft der Stein auf den Boden, wenn der Turm 100 m hoch ist?
- Ein Sportler springt von einem 10-m-Brett ins Wasser.
 - a) Bestimme den Zeitpunkt, an dem er in das Wasser eintaucht, und die Eintauchgeschwindigkeit.
 - b) Im Wasser bremst der Sportler die Eintauchgeschwindigkeit innerhalb von 4 m auf 0 $\frac{m}{s}$ ab. Berechne die Bremsdauer und vergleiche die Bremsbeschleunigung mit der Fallbeschleunigung.
 - c) Wie tief taucht der Sportler in das Wasser ein, wenn er den Sprung von einem 5-m-Brett wiederholt?

Unterschiedliche Fallbeschleunigungen im Alltag resultieren aus den verschieden großen Luftwiderständen, die die Körper aufgrund ihrer unterschiedlichen Oberflächen hervorrufen. Bei einfachen Fallexperimenten kann bei kurzen Fallzeiten aufgrund der geringen Fallgeschwindigkeiten der Luftwiderstand vernachlässigt werden.

Merkwissen

Aufgaben

1.5 Grundgleichung der Mechanik

Einstieg

Passagierflugzeuge mit Strahlantrieb benötigen häufig eine Startbahnlänge von 2500 m. Für Interkontinentalflüge und große Flugzeuge müssen die Startbahnen länger sein.

Finde Gründe für die unterschiedlichen Startbahnlängen.



Material

10,00

- Smartphone

- App "phyphox"

Versuche

Arbeitsblatt zu V1 unter 67030-05



🛂 V1 Öffne auf deinem Smartphone die App "phyphox" und starte "Beschleunigung (ohne g)". Beschleunige dein Smartphone mehrmals mit zunehmender Stärke aus dem Handgelenk (Abb. 1).

> Beobachtung: Die Beschleunigung des Körpers nimmt schrittweise zu (Abb. 2).



Abb. 1: Bewegung aus dem Handgelenk

Abb. 2: Beschleunigungen

V2 Ein Wagen soll auf einer Fahrbahn mit l = 1,00 m über eine Umlenkrolle von Wägestücken beschleunigt werden. Von insgesamt acht Wägestücken mit jeweils m = 100 g werden beim ersten Durchgang sieben Wägestücke auf dem Wagen und ein Wägestück zur Beschleunigung platziert. Mit Lichtschranken wird die Momentangeschwindigkeit des Wagens im Abschnitt Δs gemessen. Nach jedem Durchgang wird ein Wägestück vom Wagen genommen und angehängt.

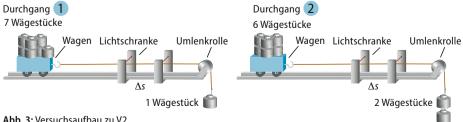


Abb. 3: Versuchsaufbau zu V2

Durchgang	1	2	3	4	5
m _{Zug} in kg	0,100	0,200	0,300	0,400	0,500
$F_{\text{Zug}} = m_{\text{Zug}} \cdot g \text{ in N}$	0,981	1,96	2,94	3,92	4,91
t in s	1,27	0,89	0,73	0,64	0,57
$v_{\rm M}$ in $\frac{\rm m}{\rm s}$	1,57	2,21	2,71	3,13	3,50
$a = \frac{v_{\rm M}}{t} \text{in} \frac{\frac{\rm m}{\rm s}}{\rm s}$	1,23	2,5	3,7	4,9	6,1

Beobachtung: Je größer die Zugkraft, desto größer ist die Beschleunigung. Bei Verdopplung (Verdreifachung, ...) der Zugkraft erhöht sich die Beschleunigung auf das Doppelte (Dreifache, ...). Die gesamte beschleunigte Masse $m_{\text{gesamt}} = 800 \text{ g}$ aus der Summe der acht Wägestücke bleibt konstant.

$\frac{a}{F_{-}}$ in $\frac{m}{s^2 \cdot N}$	1,25	1,3	1,3	1,3	1,2
Zug 3 11					

Im Rahmen der Messgenauigkeit gilt:
$$\frac{a}{F_{\text{Zug}}} = \text{konst.}$$
Mit $m_{\text{gesamt}} = \text{konst.}$ liegt eine direkte Proportionalität zwischen a und F_{Zug} vor. Als Mittelwert erhält man: $\overline{\left(\frac{a}{F_{\text{Zug}}}\right)} = \frac{1,25+1,3+1,3+1,3+1,2}{5} \frac{\text{m}}{\text{Ns}^2} = 1,3 \frac{\text{m}}{\text{Ns}^2}$

V1 zeigt, dass mit zunehmender Zugkraft auf einen Körper auch die Beschleunigung des Körpers zunimmt (solange keine Verformung auftritt). In V2 wurde der aus allen acht Wägestücken zusammengesetzte Körper ($m_{
m gesamt,\,gr\"{u}n}$) nach jedem Durchgang mit zunehmender Zugkraft der Wägestücke (orange) beschleunigt (Abb. 4). Da die zusätzlichen Wägestücke dem Wagen (blau) entnommen wurden, hat sich die Gesamtmasse des beschleunigten Körpers (grün) nicht verändert (Wagen und Schnüre sind nahezu masselos).



Abb. 4: Der Gesamtkörper (grün) wird durch die Gewichtskraft seines Teilkörpers (orange) beschleunigt.

Der Kehrwert der Konstanten $\frac{a}{F_{\text{Zug}}}$ ergibt den Betrag $\frac{F_{\text{Zug}}}{a} = 0,77 \frac{\text{Ns}^2}{\text{m}}$. Im Rahmen der Messgenauigkeit entspricht das der konstanten Gesamtmasse des beschleunigten Körpers von $m_{r,gesamt} = 800 \text{ g} = 0,800 \text{ kg}$. Weitere Versuche bestätigen diese Vermutung $\frac{F_{\text{zug}}^{\text{gesamt}}}{a} = m$. Umgeformt ergibt sich die **Grundgleichung der Mechanik**: $F = m \cdot a$ mit der Einheit: [F] = 1 $[m] \cdot [a] = 1$ kg $\cdot \frac{m}{s^2}$

Erklärung

1.5 Grundgleichung der Mechanik

Merkwissen

- Die Beschleunigung eines K\u00f6rpers ist proportional zur einwirkenden Kraft.
- **Grundgleichung der Mechanik** (für m = konst.): $F = m \cdot a$ mit $[F] = 1 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}$. Um einen Körper der Masse m mit einer Beschleunigung vom Betrag a zu beschleunigen, ist eine Kraft mit dem Betrag $F = m \cdot a$ erforderlich.

Musteraufgaben

1 Ein Airbus A380 (Gesamtmasse ohne Treibstoff 360 t) mit vier Triebwerken beschleunigt auf einer Startbahn gleichmäßig mit 2,28 m/s² . Ein Triebwerk liefert dabei einen Schub von 320 kN. Die beiden inneren Triebwerke des Airbus A380 besitzen eine Schubumkehr, die bei einem Abbremsvorgang die Richtung des Schubs um 180° dreht. Betrachte im Folgenden die Gesamtmasse während des Starts und der Landung als konstant.



Abb. 5: Airbus A380



a) Berechne die Masse des Treibstoffs.

b) Berechne die Beschleunigung des Abb. 6: Triebwerk in Schubumkehr Flugzeugs beim Abbremsen. Gehe davon aus, dass noch 20,0 % des Treibstoffs an Bord sind und die inneren Triebwerke volle Schubumkehr liefern.

Lösung:

a) geg.:
$$a = 2,28 \frac{m}{s^2}$$
; $F_{Schub} = 320 \text{ kN}$; $m_{leer} = 360 \text{ t}$ ges: $m_{Treibstoff}$

Ansatz: $F = m \cdot a$ |: a
 $m_{ges} = m_{leer} + m_{Treibstoff}$

Rechnung: $F_{ges} = 4 \cdot F_{Schub} = 4 \cdot 320 \text{ kN} = 1280 \text{ kN}$
 $m_{ges} = \frac{F_{ges}}{a} = \frac{1280 \text{ kN}}{2,28 \frac{m}{s^2}} = \frac{1280 \cdot 10^3 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}}{2,28 \frac{m}{\text{s}^2}} = 561 \cdot 10^3 \text{ kg} = 561 \text{ t}$

b) geg.: $m_{Treibstoff} = m_{ges} - m_{leer} = 561 \text{ t} - 360 \text{ t} = 201 \text{ t}$
 $m_{ges} = m_{leer} = 0,200$; $m_{Treibstoff} = 201 \text{ t}$; $m_{ges} = 320 \text{ kN}$

ges.: $m_{ges} = m_{leer} + m_{Treibstoff}$
 $m_{ges} = m_{leer} + m_{Treibstoff}$
 $m_{ges} = m_{leer} + 0,200 \cdot m_{Treibstoff,ges}$
 $m_{ges} = 360 \text{ t} + 0,200 \cdot 201 \text{ t} = 400 \text{ t}$
 $m_{ges} = 2 \cdot 320 \text{ kN} = 640 \text{ kN}$
 $m_{ges} = \frac{640 \text{ kN}}{400 \text{ t}} = \frac{640 \cdot 10^3 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}}{400 \cdot 10^3 \text{ kg}} = 1,60 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

Da die Beschleunigung entgegen der Bewegungsrichtung erfolgt, gilt: $a = -1.60 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$.

- 1 Beschreibe einen Versuch zur Messung der Masse eines Körpers ohne Waage.
- 2 Welche Kraft benötigt eine Sportlerin (m = 55 kg), um beim Start eines 100-m-Laufs mit 4,0 $\frac{m}{s^2}$ gleichmäßig zu beschleunigen?
- Astronauten erfahren zu Beginn eines
 Raketenstarts eine bis zu vierfache Fallbeschleunigung. Berechne die Kraft, mit der ein Astronaut der Masse 70 kg beim
 Beginn des Raketenstarts in den Sitz gepresst wird.

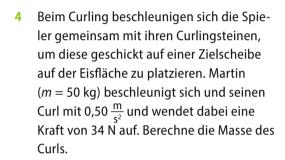




Abb. 8: Curl und Spieler

- 5 Geländelimousinen besitzen deutlich größere Massen als durchschnittliche Pkws.
 - a) Begründe physikalisch den erhöhten Spritverbrauch.
 - **b)** Berechne die Masse eines SUV ($F_{\text{Antrieb}} = 10.2 \text{ kN}$), das bei gleichmäßiger Beschleunigung nach 6,0 Sekunden eine Geschwindigkeit von 100 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ erreicht.
 - c) Berechne die notwendige Antriebskraft eines Pkws der Masse 1,500 t, um mit gleicher Beschleunigung wie in b) zu starten.
 - d) Recherchiere weitere Gründe für den erhöhten Spritverbrauch der SUV.
- 6 Lui liest in einer Statistik: "Ein Gepard beschleunigt von 0 km/h auf 100 km/h in 3,0 Sekunden. Um einen Körper so stark zu beschleunigen, wird eine Kraft von 470 N benötigt."

Daraufhin meint Lui erstaunt: "Das ist ja wie beim Fall von einem Sprungturm".

a) Bestätige oder widerlege Luis Aussage durch Rechnung.



Abb. 9: Gepard

- b) Berechne die Gewichtskraft des Gepards aus der Statistik.
- c) Ein Gepard erreicht Spitzengeschwindigkeiten von 110 $\frac{km}{h}$. Wie hoch muss ein Sprungturm sein, damit ein Mensch dieselbe Geschwindigkeit im freien Fall erreicht?

1.6 Kinetische Energie

Einstieg

Skispringer haben eine geringe Masse. Um dem Vorwurf des Magerwahns unter den Sportlern entgegenzuwirken, wurde eine Untergrenze des Body-Mass-Index (BMI) der Springer festgelegt. Nur mit einem entsprechend festgelegten BMI dürfen die Springer bei den Wettkämpfen die volle Skilänge ausnutzen. Am Ende der Schanze erreichen die Springer Geschwindigkeiten von 90 km/h.



Material

- Rampe

– Experimentierwagen

– Massestücke

- Holzklotz

- Welche Energieumwandlung findet beim Herunterfahren statt?
- Welche Rolle spielen die Masse und die Geschwindigkeit beim Skispringen?

Versuche

Arbeitsblatt zu V1 unter 67030-06



- Lin Wagen fährt aus einer bestimmten Höhe eine Rampe herunter und verschiebt anschließend einen Holzklotz.
 - a) Erhöhe mithilfe von Massestücken die Masse des Wagens und wiederhole den Versuch.
 Beobachtung: Bei größerer Masse wird der Holzklotz
 - weiter verschoben als zuvor.

 b) Erhöhe die Geschwindigkeit, indem du die
 - Starthöhe vergrößerst. **Beobachtung:** Auch bei erhöhter Geschwindigkeit wird der Holzklotz weiter verschoben.



Abb. 1: Wagen auf der Rampe

V2 Der Versuchswagen der Masse m = 0.15 kg fährt erneut aus verschiedenen Höhen eine Rampe hinunter. Am Ende der Rampe wird seine Geschwindigkeit mithilfe einer Lichtschranke gemessen.

h in cm	5	10	20	40
v in m/s	1,0	1,4	2,0	2,8

Beobachtung: Die Geschwindigkeit nimmt mit größer werdender Höhe zu.

Erklärung

In V1 a) wandelt der Wagen während des Herunterfahrens potenzielle Energie in kinetische Energie um. Mithilfe dieser Energie ist er in der Lage, Arbeit am Holzklotz zu verrichten. Aufgrund des Energieerhaltungssatzes ist die Arbeit auch gleich der potenziellen Energie des Wagens am Startpunkt, da die Reibung in diesem Fall vernachlässigt werden kann. Die verrichtete Arbeit und die kinetische Energie sind umso größer, je größer die Masse (V1 a) bzw. die Geschwindigkeit (V1 b) des Wagens ist.

Mithilfe der Messreihe aus V2 wird der Zusammenhang zwischen der kinetischen Energie und der Geschwindigkeit des Körpers untersucht. Dazu wird mit der Masse m und der Höhe h die jeweilige potenzielle Energie des Wagens an den verschiedenen Startpunkten und folglich auch seine jeweilige kinetische Energie bestimmt. Bestimmt man das Quadrat der Geschwindigkeit, so zeigt sich: $E_{\text{lin}} \sim v^2$

$E_{\text{pot}} = E_{\text{kin}} \text{ in J}$	0,07	0,15	0,29	0,59
$\frac{E_{\text{pot}} = E_{\text{kin}} \text{ in J}}{v^2 \text{ in } \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}}$	1,0	2,0	4,0	7,8
$\frac{E_{\rm kin}}{v^2}$ in $\frac{J}{\frac{m^2}{s^2}}$	0,07	0,075	0,073	0,076

Für den Zusammenhang zwischen der kinetischen Energie und der Masse benötigt man wieder den Energieerhaltungssatz. Da die Masse direkt proportional zur potenziellen Energie ist, ist sie auch direkt proportional zur kinetischen Energie: $E_{\rm kin} \sim m$. $E_{\rm kin} \sim v^2$ und $E_{\rm kin} \sim m$ lassen sich durch Multiplikation zusammenfassen: $E_{\rm kin} \sim m \cdot v^2$. Die genaue Auswertung der Messreihe ergibt für den Proportionalitätsfaktor 0,5. Entsprechend folgt für die kinetische Energie:

$$E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} \cdot \text{m} \cdot \text{v}^2 \text{ mit } [E_{\text{kin}}] = [m] \cdot [v]^2 = 1 \text{ kg} \cdot 1 \left(\frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = 1 \text{ kg} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = 1 \text{ Nm} = 1 \text{ J}$$

- Die kinetische Energie eines Körpers ist direkt proportional zu seiner Masse und zum Quadrat seiner Geschwindigkeit: $E_{kin} \sim m$ und $E_{kin} \sim v^2$.
- $E_{kin} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$ mit $[E_{kin}] = 1$ J (Joule)
- Berechne die Energie eines Körpers der Masse 80 kg, der sich mit einem Geschwindigkeitsbetrag von $101 \frac{km}{h}$ bewegt.

Lösung:

geg.:
$$m = 80 \text{ kg}; v = 101 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

ges.:

 $E_{kin} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2$ Ansatz:

Rechnung:
$$E_{kin} = \frac{2}{2} \cdot 80 \text{ kg} \cdot \left(101 \frac{\text{km}}{\text{h}}\right)^2 = \frac{1}{2} \cdot 80 \text{ kg} \cdot \left(28,1 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = 32 \cdot 10^3 \text{ J} = 32 \text{ kJ}$$

- Bestätige rechnerisch mithilfe der Werte aus V2 den Proportionalitätsfaktor 0,5.
- Im August 2009 stellte Usain Bolt (m = 95 kg) die aktuelle Weltrekordzeit im 100-Meter-Lauf auf. Vergleiche seine kinetische Energie mit der, die du während des Radfahrens erreichst.
- Bestimme die Geschwindigkeit einer Rakete mit der Masse 8,0 t und einer kinetischen Energie von 12 GJ.

Merkwissen

Musteraufgabe

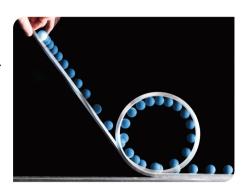
Aufgaben

Energieerhaltung

Einstieg

Mit einer Kugelbahn kann man tolle Experimente machen, denn ab einer bestimmten Höhe schafft es die Kugel durch den Looping.

- Beschreibe die Geschwindigkeit der Kugel im tiefsten Punkt der Bahn.
- Spielt die Masse der Kugel für das Gelingen des Experiments eine Rolle?



Versuche

V1 a) Ein Versuchswagen der Masse m = 0.15 kg wird aus verschiedenen Höhen eine Rampe hinunterfahren gelassen. Am Ende der Rampe wird mithilfe einer Lichtschranke seine Geschwindigkeit gemessen.

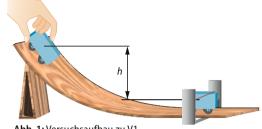


Abb. 1: Versuchsaufbau zu V1

h in cm	4,0	6,0	8,0	10,0	12,0
v in m/s	0,9	1,1	1,3	1,4	1,5

Beobachtung: Die Geschwindigkeit nimmt mit größer werdender Höhe zu.

b) V1 a) wird mehrere Male wiederholt und dabei jeweils die Masse des Wagens erhöht.

Beobachtung: Die Geschwindigkeit ist im Rahmen der Messgenauigkeit bei einer bestimmten Höhe für jede Masse gleich groß.

Erklärung

Je größer die zu Beginn von V1 a) im Wagen gespeicherte potenzielle Energie ist, desto höher ist auch die kinetische Energie nach der Umwandlung. Begründet wird dies durch den Energieerhaltungssatz, der besagt, dass die gesamte Energie umgewandelt wird. V1 b) zeigt, dass die Energieumwandlung und damit die Geschwindigkeit des Körpers unabhängig ist von der Masse des beteiligten Körpers.

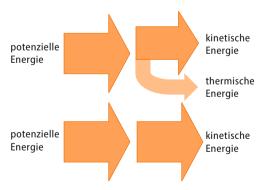


Abb. 2: Energieflussdiagramm mit Reibung (oben) und ohne Reibung (unten)

Unter der Annahme, dass die gesamte potenzielle Energie in kinetische Energie umgewandelt wird (Abb. 2 unten), kann aus dem Energieerhaltungssatz die Geschwindigkeit eines Körpers wie folgt berechnet werden:

$$E_{kin} = E_{pot}$$

$$\frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 = m \cdot g \cdot h \qquad |: m \qquad | \cdot 2$$

$$v^2 = 2 \cdot g \cdot h \qquad | \sqrt{}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot g \cdot h}$$

Folglich ist im Falle der vollständigen Energieumwandlung von potenzieller in kinetische Energie des Wagens die Geschwindigkeit des Wagens ausschließlich vom Ortsfaktor und der Starthöhe abhängig und insbesondere unabhängig von seiner Masse.

Bei der vollständigen (reibungsfreien) Umwandlung potenzieller Energie in kinetische Energie folgt aus dem Energieerhaltungssatz:

$$E_{pot} = E_{kin}$$
$$v = \sqrt{2 \cdot g \cdot h}$$

Die Geschwindigkeit ist unabhängig von der Masse des Körpers.

Ermittle die Geschwindigkeit eines Wagens am Ende einer 5,0 m hohen Rampe unter der Annahme, dass die gesamte potenzielle Energie in kinetische Energie umgewandelt wird

Lösung:

geg.:
$$h = 5.0 \text{ m}$$

Ansatz:
$$E_{\text{vorher}} = E_{\text{nachher}}$$
 bzw. $E_{\text{pot}} = E_{\text{kin}}$

$$m \cdot g \cdot h = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 \qquad |: m \qquad | \cdot 2$$

$$v^2 = 2 \cdot a \cdot h \qquad | \sqrt{}$$

Ansatz:
$$E_{\text{vorher}} = E_{\text{nachher}} \text{ bzw. } E_{\text{pot}} = E_{\text{kin}}$$

$$m \cdot g \cdot h = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 \qquad |: m \qquad | \cdot 2$$

$$v^2 = 2 \cdot g \cdot h \qquad | \sqrt{}$$
Rechnung:
$$v = \sqrt{2 \cdot g \cdot h} = \sqrt{2 \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 5.0 \text{ m}} = 9.9 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Ein Pfeil wird mit einer Energie von 50 J in 2 einem Bogen gespannt. Nach dem Abschuss erreicht der Pfeil eine durchschnittliche Geschwindigkeit von 22,4 $\frac{m}{s}$. Berechne die Masse des Pfeils, wenn die Spannenergie vollständig in kinetische Energie umgewandelt wird.

Lösung: geg.:
$$E_{\text{Spann}} = 50 \text{ J; } v = 22,4 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Ansatz:
$$E_{\text{vorher}} = E_{\text{nachher}} \text{ bzw. } E_{\text{Spann}} = E_{\text{ki}}$$

$$E_{\text{vorher}} = E_{\text{nachher}} \text{ bzw. } E_{\text{Spann}} = E_{\text{kin}}$$
 $E_{\text{Spann}} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 \qquad | \cdot 2$

Rechnung:
$$m = \frac{2 \cdot E_{\text{Spann}}}{v^2} = \frac{2 \cdot 50 \text{ J}}{\left(22,4 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2} = 0,20 \text{ kg}$$



Abb. 3: Pfeil und Bogen

Merkwissen

Musteraufgaben

1.7 Energieerhaltung

Aufgaben

1 Erkläre die Energieumwandlungen bzw. die Energieerhaltung in den folgenden Situationen, einmal mit Energieentwertung und einmal ohne.







Abb. 4: Den Berg hinunter

Abb. 5: Die Straße entlang

Abb. 6: Durch die Luft

- Während eines Seifenkistenrennens legt Emma (60 kg) mit ihrem Wagen (12 kg) bergab einen Höhenunterschied von 44 m zurück.
 - a) Ermittle die Geschwindigkeit des Wagens am Ende der 800 m langen Bahn, wenn man annimmt, dass die gesamte potenzielle Energie in kinetische Energie umgewandelt wird.
 - **b)** Begründe, warum Emma in Wirklichkeit kaum die in a) berechnete Geschwindigkeit erreicht haben dürfte.
- 3 Ein Apfel und eine Daunenfeder unterschiedlicher Massen werden zeitgleich fallen gelassen.
 - a) Erkläre, warum der Apfel früher den Boden berührt.
 - b) Der Versuch wird in einer großen Vakuumkammer wiederholt. Apfel und Feder berühren nach dem Fall zeitgleich den Boden. Erkläre.
 - c) Im Fall b) wandeln beide Körper ihre potenzielle Energie in kinetische Energie um. Zeige mithilfe der Größengleichungen, dass der freie Fall im Vakuum unabhängig von den Massen der Körper ist.



Abb. 7: Apfel und Feder im Vakuum

- Ein Fadenpendel besteht aus einem Seil und einem angehängten Massestück. Ein solches Pendel wird um 5,0 cm Höhe gegenüber der Ruhelage ausgelenkt und dann losgelassen. Berechne die kinetische Energie, die das Massestück (m = 80 g) am tiefsten Punkt der Pendelbewegung hat.
- 5 Ein Gummiball erreicht, wenn man ihn frei fallen lässt, anschließend wieder 80 % der ursprünglichen Höhe, bevor er erneut fällt.
 - a) Nimm Stellung zu der Behauptung, dass der Ball bei jedem Fall 20 % seiner Geschwindigkeit verliert.
 - b) Berechne nach 5-maligem Fallen den Anteil der "verlorenen" Energie.

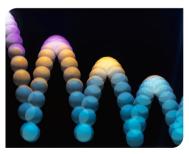


Abb. 8: Gummiball

6 Eine zusammengedrückte Feder besitzt eine Spannenergie von 0,25 J. Mit dieser Feder wird eine Kugel der Masse m = 20 g in Bewegung versetzt. Die Kugel rollt entlang der abgebil-



Abb. 9: Kugel auf der Bahn nach oben

deten Bahn bis zu einer maximalen Höhe h.

- a) Beschreibe die Energieumwandlungen, die bei diesem Versuch auftreten.
- **b)** Erstelle die Energiebilanz der Kugel am unteren Ende der Rampe sowie an ihrem höchsten Punkt.
- c) Berechne die Geschwindigkeit der Kugel, nachdem sie die Feder verlassen hat.
- **d)** Berechne die maximale Höhe *h*, die die Kugel erreicht.
- e) Berechne die kinetische und die potenzielle Energie der Kugel für h' = 80 cm.

Energiebilanz eines Trampolinsprungs

Beim Trampolinsprung hat die Springerin am tiefsten Punkt weder kinetische noch potenzielle Energie (wenn wir das Bezugsniveau in diesen Punkt legen). Die Gesamtenergie der Springerin im tiefsten Punkt entspricht der Spannenergie des Trampolins. Am höchsten Punkt dagegen wurde die Spannenergie vollständig in potenzielle Energie umgewandelt (wobei wir hier die Reibung vernachlässigen). Auf halber Höhe hat die Springerin sowohl kinetische als auch potenzielle Energie. Aufgrund der Energieerhaltung muss die Summe dieser beiden Energien so groß sein wie die Spannenergie am Anfang. Die Energiebilanz zu diesem Zeitpunkt sieht also wie folgt aus:

$$E_{\rm kin, \, halbe \, H\ddot{o}he} + E_{\rm pot, \, halbe \, H\ddot{o}he} = E_{\rm Spann, \, Anfang}$$

- Begründe, dass es günstig ist, die Position der Trampolinspringerin am tiefsten Punkt des Sprungs als Nullpunkt der potenziellen Energie festzulegen.
- Ein Trampolinspringer hat eine Masse von 50 kg, das Trampolin eine Spannenergie von 1,4 kJ. Berechne die Sprunghöhe.
- Abb. 11 zeigt die Beträge der einzelnen Energiearten in Abhängigkeit von der Höhe des Springers. Erläutere die Energieumwandlungen und erkläre, dass die Gesamtenergie während des Sprungs konstant ist.

Alltag



Abb. 10: Trampolinspringerin am tiefsten und am höchsten Punkt des Sprungs und auf halber Höhe

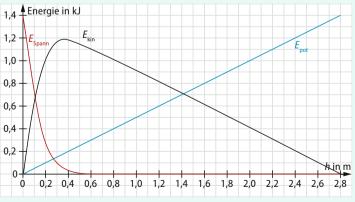


Abb. 11: Energieumwandlungen am Trampolin

1.8 Themenseite: Verkehrssicherheit

Reaktionszeit und Reaktionsweg



Abb. 1: Ablenkung beim Autofahren

Bevor ein Auto effektiv bremst, nachdem dessen Fahrer eine Gefahrensituation erkannt hat, vergehen in der Regel 1,0 s. Während dieser sogenannten Reaktionszeit fährt das Auto ungebremst mit gleichbleibender Geschwindigkeit weiter und legt dabei eine Strecke zurück, die man als Reaktionsweg bezeichnet.

- Berechne den Reaktionsweg bei einer Geschwindigkeit von 50 $\frac{km}{h}$.
- Die oben genannten 1,0 s Reaktionszeit setzen sich aus verschiedenen Phasen zusammen. Recherchiere und berichte.
- Nenne Faktoren, welche sich negativ auf die Reaktionszeit auswirken. Recherchiere gegebenenfalls.

Eine der häufigsten Unfallursachen beim Autofahren ist Ablenkung, denn zum Reaktionsweg kommt noch der Weg hinzu, den das Auto zurücklegt, während der Fahrer abgelenkt ist.

- Recherchiere die häufigsten Ablenkungsgründe beim Autofahren und bewerte sie.
- Angenommen, der Fahrer eines Fahrzeugs, das mit 100 km/h unterwegs ist, ist für 2,0 s abgelenkt. Berechne die zurückgelegte Wegstrecke.
- Recherchiere weitere mögliche Unfallursachen im Straßenverkehr und überlege dir Gegenmaßnahmen.

Bremsweg und Anhalteweg

Bis ein Fahrzeug vollständig zum Stillstand kommt, legt es den sogenannten Anhalteweg (Abb. 2) zurück. Dieser setzt sich aus dem Reaktionsweg und dem Bremsweg zusammen. Dessen Länge ist abhängig von der Qualität der Bremsen, von der Haftung der Reifen auf der Straße und natürlich (wie der Reaktionsweg) von der Geschwindigkeit des Fahrzeugs.

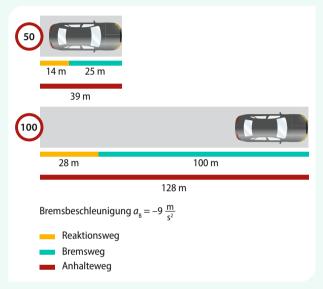


Abb. 2: Anhalteweg eines Fahrzeugs bei unterschiedlichen Geschwindigkeiten

Für die Länge des Bremswegs gilt die Faustformel:

$$s_{Bremsweg} = \frac{\left(Geschwindigkeit in \frac{km}{h}\right)^2}{100} m$$

Bei einer Geschwindigkeit von $v = 50 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ beträgt der Bremsweg somit:

$$s_{Bremsweg} = \frac{50^2}{100} \text{ m} = \frac{2500}{100} \text{ m} = 25 \text{ m}$$

- Benenne Einflussfaktoren, die sich negativ auf die Haftung der Reifen auf der Straße auswirken.
 Wie sollte man sich in diesen Fällen verhalten?
- Abb. 2 zeigt, dass sich der Bremsweg bei doppelter Geschwindigkeit ungefähr vervierfacht. Begründe dies anhand der obigen Formel.
- Berechne mithilfe der Formel die Länge des Bremsund Anhaltewegs eines Autos bei einer Geschwindigkeit von 25 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ (50 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$, 100 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$, 180 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$).

Sicherheitsabstand und Verkehrszonen



Abb. 3: Fehlender Sicherheitsabstand

Eine häufige Unfallursache im Straßenverkehr ist zu dichtes Auffahren. Ist der Abstand zum nächsten Fahrzeug zu gering, reicht selbst eine Vollbremsung nicht aus, um eine Kollision zu verhindern. Die Faustregel für den Mindestabstand lautet "halber Tacho". Dies bedeutet, dass als Abstand die Maßzahl der aktuellen Geschwindigkeit (in $\frac{km}{h}$) halbiert wird. Der errechnete Wert gibt dann in Metern an, wie viel Abstand eingehalten werden sollte.

- Begründe, warum der Abstand der Fahrzeuge in Abb. 3 nicht ausreicht.
- Gemäß der Faustformel genügt bei einer Geschwindigkeit von 100 km/h ein Abstand von 50 m zum vorausfahrenden Fahrzeug, was erheblich weniger ist als der Anhalteweg. Begründe.
- Die Leitpfosten entlang von Straßen können beim Abschätzen von Abständen helfen. Recherchiere, in welchen Abständen sie jeweils auf Autobahnen bzw. Landstraßen positioniert werden.
- Begründe, warum unterschiedliche Geschwindigkeitsbegrenzungen in unterschiedlichen Verkehrsbereichen sinnvoll sind.
- Welche Auswirkungen haben Geschwindigkeitsbegrenzungen im Hinblick auf das "Fassungsvermögen" einer Straße?

Sicherheitssysteme



Abb. 4: Crashtest eines Pkws

Selbst wenn sich der Fahrer eines Kraftfahrzeugs vollkommen richtig verhält, lassen sich Verkehrsunfälle manchmal nicht verhindern. Aus diesem Grund sind in den Fahrzeugen verschiedene Sicherheitssysteme eingebaut, die die Folgen eines Unfalls möglichst gering halten sollen. So verfügen Pkws über Knautschzonen, die die Energie bei einem Zusammenstoß gezielt entwerten, während der Fahrer im Inneren des Wagens geschützt ist. Gleiches gilt für Airbags. Sie blasen sich in Bruchteilen von Sekunden auf und nehmen Energie beim Aufprall des Kopfes bzw. des Oberkörpers auf. Auch der Sicherheitsgurt ist ein solches System. Er verhindert, dass Fahrzeuginsassen herumgeschleudert werden und sich dabei verletzen. Dies verhindern auch die Kopfstützen im Wagen. Sie sind weniger zum Anlehnen gedacht, sondern sollen Verletzungen am Kopf bzw. an der Halswirbelsäule verhindern.

- Benenne die Energieumwandlungen, die beim Zusammenstoß zweier Fahrzeuge bei einem Auffahrunfall stattfinden.
- Vergleiche die Sicherheitssysteme von zwei- und vierrädrigen Fahrzeugen. Welche Grenzen besitzt das Sicherheitssystem "Knautschzone" beim Pkw?
- Recherchiere weitere Sicherheitssysteme in Fahrzeugen und beachte dabei auch jene, die nicht nur die Fahrzeuginsassen schützen.

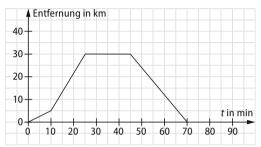
Aufgaben zur Einzelarbeit

Die Lösungen zu dieser Doppelseite stehen im Anhang.

- 1 Teste dich! Bearbeite dazu die folgenden Aufgaben und bewerte die Lösungen mit einem Smiley.
- 2 Die Aufgaben haben unterschiedliche Schwierigkeitsgrade: leicht mittel schwer

•	a	8
Das kann ich!	Das kann ich fast!	Das kann ich noch nicht!

1 Das folgende Zeit-Orts-Diagramm beschreibt vereinfacht eine Motorradfahrt.



- a) Erstelle ein Zeit-Weg-Diagramm, teile die Fahrt in verschiedene Phasen auf und beschreibe jeweils den Bewegungszustand.
- b) Berechne die durchschnittliche Geschwindigkeit, mit der sich der Motorradfahrer unmittelbar vor der Pause bewegt.
- Zeichne das zugehörige Zeit-Geschwindigkeits-Diagramm.
- d) Erkläre, warum es sich beim obigen Diagramm um eine idealisierte Darstellung der Bewegung handelt.
- 2 Leon springt im Freibad vom 10-m-Turm ins Wasser.



- a) Wie lange dauert der freie Fall von Leon?
- **b)** Mit welcher Geschwindigkeit taucht Leon in das Wasser ein?

- 3 Ein Pkw fährt mit einer Geschwindigkeit von 80 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$. Der Fahrer bemerkt in 65 m Entfernung ein Hindernis und bremst nach einer Reaktionszeit von 0,80 s mit konstanter Bremsbeschleunigung von $-0.6 \frac{\text{m}}{\text{c}^2}$.
 - a) Berechne, ob das Fahrzeug rechtzeitig zum Stillstand kommt.
 - **b)** Zeichne das zugehörige *t-v-*Diagramm.
- 4 Ein Fahrer (80 kg) wird im Auto bei einem Unfall auf einer Strecke von 40 cm von 72 km/h bis zum Stillstand abgebremst. Dabei vergehen 89 ms.
 - a) Berechne die Bremskraft, die auf den Autofahrer wirkt.
 - b) Erläutere, ob man sich ohne Sicherheitsgurt schützen könnte, wenn man beim Abstützen am Lenkrad höchstens eine Kraft von 500 N "aufbringen" kann.
- 5 Der Eurofighter hat ein Triebwerk mit einer maximalen Schubkraft von 180 kN. Voll beladen beträgt die Masse des Eurofighters beim Start etwa 23,5 t.



- a) Berechne die beim Start maximal mögliche Beschleunigung.
- b) Bei einer Geschwindigkeit von 234 km/h hebt der Eurofighter ab. Bestimme rechnerisch, welche Strecke er bis zum Abheben zurückgelegt hat.
- c) Ermittle die kinetische Energie des Flugzeugs beim Abheben mit zwei unterschiedlichen Ansätzen.

- 6 Niklas meint: "Wir können die gleichmäßige Beschleunigung einer Rakete ganz einfach berechnen, indem wir die gesamte Schubkraft aller Triebwerke durch die Masse der Rakete dividieren."
 Nimm Stellung zu Niklas' Aussage.
- 7 Mithilfe eines Schleuderbretts kann eine Person in die Höhe katapultiert werden. Ein Schüler (70 kg) springt dazu aus 2,5 m Höhe auf das Brett.
- a) Berechne, wie hoch sein Partner (60 kg) geschleudert wird.
- b) Für den Bau einer Menschenpyramide muss der Partner
 2,0 m hoch geschleudert werden.

Begründe schriftlich.



Mache Vorschläge, wie man das erreichen kann.

Aufgaben für Lernpartner

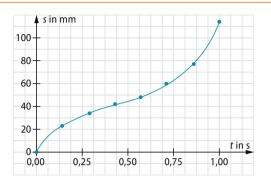
- 1 Bearbeite die folgenden Aufgaben alleine.
- 2 Suche dir einen Partner und erkläre ihm deine Lösungen. Höre aufmerksam und gewissenhaft zu, wenn dein Partner dir seine Lösungen erklärt.
- A Je höher die Geschwindigkeit eines Körpers ist, desto flacher ist der Graph im *t-s*-Diagramm.
- B Die durchschnittliche Geschwindigkeit gibt die Geschwindigkeit eines Körpers zu einem festen Zeitpunkt an.
- C Ein Fallschirmspringer befindet sich vor dem Öffnen des Fallschirms im freien Fall.
- D Für den freien Fall kann die Grundgleichung der Mechanik wie folgt formuliert werden: $F = m \cdot g$.

- 3 Korrigiere gegebenenfalls deine Antworten und benutze dazu eine andere Farbe. Sind folgende Behauptungen richtig oder falsch?
- Beim freien Fall eines K\u00f6rpers ist die Geschwindigkeit unabh\u00e4ngig von der Masse.
- F Verdoppelt sich die kinetische Energie eines Körpers mit fester Masse, vervierfacht sich dessen Geschwindigkeit.
- G Bei Vorgängen mit Reibung gilt der Energieerhaltungssatz nicht.

Aufgabe	Ich kann	Hilfe
1 , A, B	Bewegungsabläufe mithilfe von Zeit-Weg-Diagrammen beschreiben und die Durchschnittsgeschwindigkeit von der Momentangeschwindigkeit abgrenzen.	S. 16, 20
3	Berechnungen zur gleichmäßig beschleunigten Bewegung durchführen.	S. 22
2 , C	den freien Fall identifizieren und Berechnungen dazu durchführen.	S. 26
4 , 6 , D	mithilfe der Grundgleichung der Mechanik Beträge wirkender Kräfte und herrschender Beschleunigungen bestimmen.	S. 28
5 , 7 , E, F, G	das Prinzip der Energieerhaltung nutzen, um die kinetische Energie quantitativ zu erfassen und Vorhersagen zu alltäglichen Situationen zu treffen.	S. 32, 34

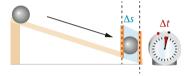
Zeit-Weg-Diagramm

- Zeit-Weg-Diagramme (t-s-Diagramme) stellen die von einem Körper zurückgelegte Strecke s in Abhängigkeit von der verstrichenen Zeit t dar.
- Ein Graph im t-s-Diagramm beginnt stets im Ursprung und steigt bei Bewegung mit zunehmender Zeit an.
- Je größer die Strecke ist, die ein Körper in gleichen Zeitintervallen zurücklegt, d. h. je größer der Betrag seiner Geschwindigkeit ist, desto steiler ist der Verlauf des Graphen im t-s-Diagramm.



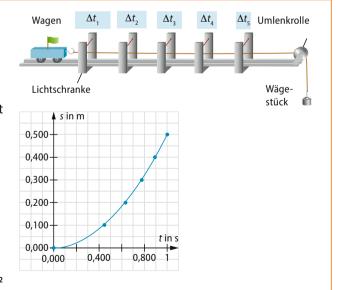
Momentan- und Durchschnittsgeschwindigkeit

- Die Geschwindigkeit $v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$ ist die **durchschnittliche Geschwindigkeit** eines bewegten Körpers entlang der Strecke Δs im Zeitintervall Δt .
- Die Momentangeschwindigkeit $v_{\rm M}$ eines Körpers ist die Geschwindigkeit des Körpers zu einem Zeitpunkt t und kann mit $v=\frac{\Delta s}{\Delta t}$ angenähert werden, wenn Δs oder Δt in der Umgebung des Messzeitpunkts t sehr klein ist.



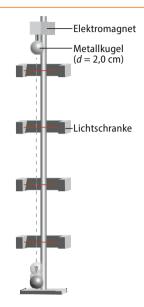
Gleichmäßig beschleunigte Bewegung

- Ändert sich durch äußere Kräfte der Betrag oder die Richtung der Geschwindigkeit eines Körpers, spricht man von einer Beschleunigung.
- Wirkt auf einen Körper eine in Betrag und Richtung konstante Kraft, dann wird der Körper gleichmäßig beschleunigt, d. h. der Körper erfährt in gleichen Zeitintervallen gleiche Geschwindigkeitsänderungen. Die Momentangeschwindigkeit ist dabei direkt proportional zur Zeit: v_M ~ t.
- Für die gleichmäßige Beschleunigung a gilt: $a = \frac{v_{\text{Ende}} v_{\text{Anfang}}}{\Delta t} \text{ mit } [a] = 1 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}.$
- Es gelten folgende Gesetze: Zeit-Geschwindigkeits-Gesetz: $v = a \cdot t$ bzw. $v = v_0 + a \cdot t$ (mit Anfangsgeschwindigkeit v_0) Zeit-Weg-Gesetz: $s = \frac{1}{2} a \cdot t^2$ bzw. $s = v_0 \cdot t + \frac{1}{2} a \cdot t^2$ (mit Anfangsgeschwindigkeit v_0)



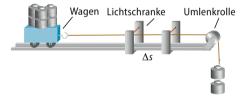
Freier Fall

- Der freie Fall ist eine gleichmäßig beschleunigte Bewegung unter der Wirkung der konstanten Gewichtskraft.
- Diese für alle Körper gleiche Fallbeschleunigung beträgt im Vakuum 9,81 $\frac{m}{s^2}$ und entspricht dem Ortsfaktor g.
- Für den freien Fall gelten: $v = g \cdot t$ und $s = \frac{1}{2}g \cdot t^2$.
- Unterschiedliche Fallbeschleunigungen im Alltag resultieren aus verschieden großen Luftwiderständen, die die Körper aufgrund ihrer Oberflächen hervorrufen.



Grundgleichung der Mechanik

- Die Beschleunigung eines K\u00f6rpers ist direkt proportional zur einwirkenden Kraft.
- Grundgleichung der Mechanik (für m = konst.):
 F = m ⋅ a mit [F] = 1 kg ⋅ m s²
 Um einen Körper der Masse m mit einer Beschleunigung vom Betrag a zu beschleunigen, ist eine Kraft mit dem Betrag F = m ⋅ a erforderlich.

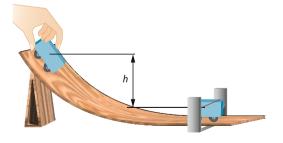


Kinetische Energie und Energieerhaltung

- Die **kinetische Energie** eines Körpers ist direkt proportional zu seiner Masse und zum Quadrat seiner Geschwindigkeit: $E_{\rm kin} \sim m$ und $E_{\rm kin} \sim v^2$.
- $E_{kin} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 \text{ mit } [E_{kin}] = 1 \text{ J (Joule)}$
- Bei der vollständigen (reibungsfreien) Umwandlung potenzieller Energie in kinetische Energie folgt aus dem Energieerhaltungssatz:

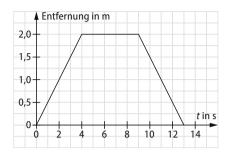
$$E_{pot} = E_{kin}$$
$$v = \sqrt{2 \cdot q \cdot h}$$

Die Geschwindigkeit ist unabhängig von der Masse des Körpers.

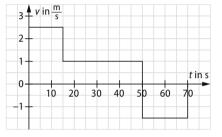


1.11 Vermischte Aufgaben

- a) Zeichne das zum Zeit-Orts-Diagramm zugehörige Zeit-Weg-Diagramm und beschreibe die Bewegung.
 - b) Zeichne das zugehörige Zeit-Geschwindigkeits-Diagramm.



- Ein Körper bewegt sich auf gerader Strecke gemäß dem abgebildeten t-v-Diagramm vor und zurück.
 - a) Berechne den insgesamt nach 70 s zurückgelegten Weg sowie die Entfernung zwischen Start- und Zielpunkt.
 - b) Zeichne das zugehörige Zeit-Weg-Diagramm.



- 3 Ein Ruderboot fährt mit 4,5 $\frac{km}{h}$ vom Ufer eines Sees los. Zeitgleich startet vom 2000 m entfernten gegenüberliegenden Ufer ein Boot mit 2,7 $\frac{km}{h}$. Beide Boote halten direkt aufeinander zu. Zu welchem Zeitpunkt und an welchem Ort haben sie einen Abstand von 50 m?
- 4 a) Ermittle die Beschleunigung eines Schnellzugs, der nach einer Anlaufzeit von 40 s eine Geschwindigkeit von 126 km erreicht. Gehe von einer gleichmäßig beschleunigten Bewegung aus.
 - b) Der Schnellzug beschleunigt insgesamt
 85 s lang gleichmäßig, bis er seine Höchstgeschwindigkeit erreicht. Berechne die Höchstgeschwindigkeit des Zugs.
 - c) Der Zug bremst mit einer maximalen Beschleunigung von $a=-0.70 \, \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$.

 Berechne die Bremsdauer des Zugs für eine Vollbremsung bei einer Geschwindigkeit von 300 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ bis zum Stillstand des Zugs.
 - d) In Wirklichkeit nimmt bei Fahrzeugen die Beschleunigung ab, je höher die bereits erreichte Geschwindigkeit des Fahrzeugs ist. Recherchiere.
- 5 Für einen städtischen Freizeitpark soll ein neuer Fallturm konstruiert werden. Die Parkbetreiber fordern eine Turmhöhe, die einen freien Fall von 4,5 s ermöglicht.
 - a) Darf der Fallturm gebaut werden, wenn die von der Stadt genehmigte Maximalhöhe bei 100 m liegt?
 - b) Die tatsächliche Turmhöhe weicht von der in a) berechneten Höhe ab. Begründe.

- Ein Verkehrsclub gibt bei trockener
 Fahrbahn, gutem Reifenprofil und guten
 Bremsen für Pkw eine Bremsbeschleunigung von a = -9 m/s² an.
 a) Berechne zuerst die Zeit, die ein Pkw in
 - a) Berechne zuerst die Zeit, die ein Pkw in der 30er-Zone benötigt, um von 30 km auf 0,0 km/h abzubremsen, und danach den Bremsweg des Pkws.
 - b) Ermittle den Anhalteweg (Reaktionsweg + Bremsweg) eines Pkws in der
 30er-Zone bei einer Reaktionszeit des Fahrers von 1,0 s.



Anhalteweg

Bremsweg -

7 Am Start bzw. Ziel einer 100-m-Bahn stehen sich ein Pkw ($m=1500 \, \mathrm{kg}$) und ein Sprinter ($m=75 \, \mathrm{kg}$) gegenüber. Pkw und Sprinter starten auf ein Signal hin gleichzeitig und bewegen sich (auf benachbarten Bahnen) aufeinander zu. Vereinfachend wird angenommen, dass der Sprinter sofort mit einer konstanten Geschwindigkeit von $10 \, \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}}$ läuft und der Pkw mit der konstanten Beschleunigung von 2,0 $\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{s}^2}$ losfährt.

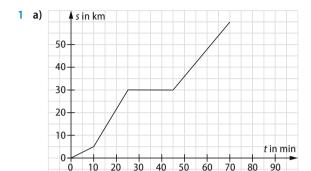




- a) Zeichne den Bewegungsvorgang qualitativ in einem Zeit-Weg-Diagramm und einem Zeit-Orts-Diagramm, wobei der Startzeitpunkt von Pkw und Sprinter jeweils t=0.0 s beträgt.
- **b)** Bestimme grafisch den Zeitpunkt, an dem sich Sprinter und Pkw begegnen.
- c) An welcher Stelle der 100-m-Bahn begegnen sich die beiden?
- **d)** Vergleiche die kinetischen Energien von Sprinter und Pkw am Ort der Begegnung. Was stellst du fest?
- 8 Ein SUV (m = 2500 kg) wird in 4,0 s von 50,0 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ auf 90,0 $\frac{\text{km}}{\text{h}}$ bescheunigt.
 - a) Berechne die Beschleunigung und die daraus resultierende Kraft auf den SUV.
 - **b)** Berechne den zurückgelegten Weg und die Beschleunigungsarbeit.
 - c) Vergleiche die Beschleunigungsarbeit aus b) mit der Differenz der kinetischen Energien $E_{\rm kin,\,2}-E_{\rm kin,\,1}$. Begründe deine Feststellung.
 - **d)** Berechne die Geschwindigkeit des SUV, wenn er mit der gleichen Beschleunigungsarbeit aus dem Stand beschleunigt hätte.



Teste dich – Seite 40 / 41

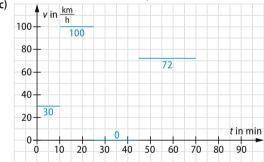


In den ersten 10 Minuten der Fahrt legt der Motorradfahrer mit konstanter Geschwindigkeit einen Weg von 5 km zurück. Danach fährt er schneller und legt dabei in 15 Minuten 25 km zurück. Anschließend pausiert er für 20 Minuten, bevor er den Rückweg (im Zeit-Orts-Diagramm durch die negative Steigung erkennbar) antritt. Dabei legt er 30 km in 25 Minuten zurück.

b) geg.:
$$\Delta t = 15$$
 min; $\Delta s = 25$ km ges.: v

Ansatz:
$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t}$$

Rechnung:
$$v = \frac{25 \text{ km}}{15 \text{ min}} = \frac{25 \text{ km}}{0.25 \text{ h}} = 1.0 \cdot 10^2 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$



d) In der Realität ist es nicht möglich, dass sich der Betrag der Geschwindigkeit abrupt, also zu einem bestimmten Zeitpunkt, ändert. Entsprechend müssten die "Ecken" des Graphs eigentlich abgerundet sein. So würde deutlich werden, dass sich die Geschwindigkeit während einer Zeitspanne ändert.

2 a) geg.:
$$s = 10 \text{ m}; g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$
 ges.: t
Ansatz: $s = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2 \qquad | \cdot \frac{2}{g} \qquad | \sqrt{}$
Rechnung: $t = \sqrt{\frac{2s}{g}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 10 \text{ m}}{9.81 \frac{\text{m}}{\text{m}^2}}} = 1.4 \text{ s}$

Rechnung:
$$t = \sqrt{\frac{2s}{g}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 10 \text{ m}}{9.81 \frac{\text{m}}{2}}} = 1.4 \text{ s}$$

b) geg.:
$$t = 1.4 \text{ s; } g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

Ansatz:
$$v = q \cdot t$$

Rechnung:
$$v = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 1.4 \text{ s} = 14 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 50 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

4 a) geg.:
$$m = 80 \text{ kg}; s = 40 \text{ cm}; v = 72 \frac{\text{km}}{\text{h}}; t = 89 \text{ ms}$$

Ansatz:
$$s = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2$$
 $\left| \cdot \frac{2}{t^2} \right|$

$$F = m \cdot a$$

Rechnung:
$$F = m \cdot a$$

$$a = \frac{2s}{t^2} = \frac{2 \cdot 0,40 \text{ m}}{(0,089 \text{ s})^2} = 1,0 \cdot 10^2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$F = 80 \text{ kg} \cdot 1,0 \cdot 10^2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 8,0 \text{ kN}$$

$$F = 80 \text{ kg} \cdot 1.0 \cdot 10^2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 8.0 \text{ kN}$$

b) Nein, das wäre nicht möglich: Da beim Abstützen während des Abbremsens ein Kraftbetrag von 8,0 kN anstelle von 500 N notwendig wäre, muss der Großteil der Kraft durch einen Sicherheitsgurt "abgefangen" werden.

3 a) geg.:
$$v = 80 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$
; $t_1 = 0.80 \text{ s}$; $a = -6.0 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$

ges.:
$$s_{Anhalteweg}$$

Ansatz: $s_{Anhalteweg} = s_{Reaktionsweg} + s_{Bremsweg}$

Annalteweg Reaktionsweg Brem
$$V = \frac{s_{\text{Reaktionsweg}}}{t_1} \qquad | \cdot t_1$$

$$V = |a| \cdot t_2 \qquad | \cdot |a|$$

$$s_{\text{Bremsweg}} = \frac{1}{2} \cdot |a| \cdot t_2^2$$

$$v = |a| \cdot t_2$$
 | : |a|

$$S_{\text{Bremsweg}} = \frac{1}{2} \cdot |a| \cdot t_2^2$$

Rechnung:
$$s_{\text{Reaktionsweg}} = v \cdot t_1 = 80 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot 0.80 \text{ s}$$

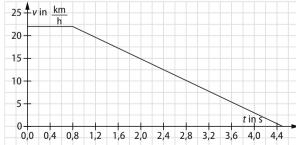
$$s_{\text{Reaktionsweg}} = v \cdot t_1 = 80 \frac{\text{km}}{\text{h}} \cdot 0,80 \text{ s}$$

 $s_{\text{Reaktionsweg}} = 22 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cdot 0,80 \text{ s} = 18 \text{ m}$
 $t_2 = \frac{v}{|a|} = \frac{22 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{6,0 \frac{\text{s}^2}{\text{s}^2}} = 3,7 \text{ s}$

$$t_2 = \frac{v}{|a|} = \frac{22 \frac{m}{s}}{6.0 \frac{m}{s}} = 3.7 \frac{s}{s}$$

$$s_{Bremsweg} = \frac{1}{2} \cdot 6.0 \frac{m}{s^2} \cdot (3.7 \text{ s})^2 = 41 \text{ m}$$

$$s_{Anhalteweg} = 18 \text{ m} + 41 \text{ m} = 59 \text{ m}$$



5 a) geg.:
$$F = 180 \text{ kN}; m = 23,5 \text{ t}$$
ges.: a
Ansatz: $F = m \cdot a$ |: m
Rechnung: $a = \frac{F}{m} = \frac{180 \cdot 10^{3} \text{ N}}{23,5 \cdot 10^{3} \text{ kg}} = 7,66 \frac{m}{s^{2}}$
b) geg.: $a = 7,66 \frac{m}{s^{2}}; v = 234 \frac{km}{h}$
ges.: s
Ansatz: $v = a \cdot t$ |: a
 $s = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^{2}$
Rechnung: $t = \frac{v}{a} = \frac{65,0 \frac{m}{s^{2}}}{7,66 \frac{m}{s^{2}}} = 8,49 \text{ s}$
 $s = \frac{1}{2} \cdot 7,66 \frac{m}{s^{2}} \cdot (8,49 \text{ s})^{2} = 276 \text{ m}$
c) geg.: $v = 234 \frac{km}{h}; F = 180 \text{ kN}; m = 23,5 \text{ t}; s = 276 \text{ m}$
ges.: E_{kin}
Ansatz: $E_{kin} = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^{2}$
 $E_{kin} = F \cdot s$

6 Die Aussage ist korrekt und wird durch die Grundgleichung der Mechanik, $F = m \cdot a$, unterstützt.

 $E_{\text{kin}}^{\text{KIII}} = \frac{1}{2} \cdot 23.5 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \left(65.0 \frac{\text{m}}{\text{s}}\right)^2 = 49.6 \text{ MJ}$

 $E_{\rm kin} = 180 \cdot 10^3 \,\rm N \cdot 276 \, m = 49,7 \, MJ$

7 a) geg.: $h_1 = 2.5 \text{ m}; m_1 = 70 \text{ kg}; m_2 = 60 \text{ kg}$ ges.: h_2 Ansatz: $E_{\text{pot},1} = E_{\text{pot},2}$ $m_1 \cdot g \cdot h_1 = m_2 \cdot g \cdot h_2 \mid :g \mid :m_2$ Rechnung: $h_2 = \frac{m_1 \cdot h_1}{m_2} = \frac{70 \text{ kg} \cdot 2.5 \text{ m}}{60 \text{ kg}} = 2.9 \text{ m}$

Rechnung:

b) Unter der Voraussetzung, dass Schüler 2 ("Partner") und damit seine Masse festgelegt ist: Man könnte einen Schüler 1 mit geringerer Masse wählen oder/und den Schüler 1 aus einer geringeren Höhe springen lassen. Damit würde sich die Schleuderhöhe des Partners verringern.

Aufgaben für Lernpartner

- A Das ist falsch. Je höher die Geschwindigkeit eines Körpers ist, desto steiler ist der Graph. Dies liegt daran, dass der Wert des Quotienten aus s und t bei höherer Geschwindigkeit ebenfalls größer ist und gleichzeitig die Steigung des Graphen beschreibt.
- B Das ist falsch. Die durchschnittliche Geschwindigkeit beschreibt die Geschwindigkeit eines bewegten K\u00f6rpers entlang der Strecke im Zeitintervall bzw. in einer Zeitspanne.

- C Das ist falsch. Aufgrund der Luft wirkt zusätzlich zur Gewichtskraft eine Kraft, die dazu führt, dass die Bewegung auch ohne Fallschirm keine gleichmäßig beschleunigte Bewegung ist.

 Die Fallbeschleunigung in Luft ist nur zu Beginn gleich der Erdbeschleunigung, nachher nimmt sie ab, bis sie nach etwa sieben Sekunden null wird. Je nach Dichte der umgebenden Luft erreicht ein Fallschirmspringer auch ohne geöffneten Schirm nur eine Maximalgeschwindigkeit von ca. 200 km/h, weil der Luftwiderstand quadratisch mit der Geschwindigkeit zunimmt.
- D Das ist richtig, da die Beschleunigung beim freien Fall dem Ortsfaktor entspricht.
- E Das ist richtig. Bei der mathematischen Betrachtung des Energieerhaltungssatzes für den freien Fall kürzt sich die Masse aus den beteiligten Gleichungen raus.
- F Das ist falsch. Für diesen Fall git: $E_{\text{kin, 2}} = 2 \cdot E_{\text{kin, 1}}$ und mit $E_{\text{kin, 1}} = \frac{1}{2} \cdot m_1 \cdot v_1^2$ folgt: $E_{\text{kin, 2}} = 2 \cdot E_{\text{kin, 1}} = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot m_1 \cdot v_1^2 = \frac{1}{2} \cdot m_1 \cdot \left(\sqrt{2 \cdot v_1}\right)^2$ Daraus folgt: $v_2 = \sqrt{2} \cdot v_1$. Vertauscht man in der ursprünglichen Aussage die Größen, so würden die Aussagen stimmen: Verdoppelt sich die Geschwindigkeit eines Körpers mit fester Masse, so vervierfacht sich dessen kinetische Energie.
- G Das ist falsch. Der Energieerhaltungssatz gilt immer. Im Falle von vorhandener Reibung wird ein Teil der Energie in innere Energie umgewandelt, was jedoch nicht gegen den Energieerhaltungssatz spricht.

AdobeStock / Klaus Eppele – S. 40; - / Fotoschlick – S. 39; - / gerd harder/EyeEm – S. 22; - / johnmerlin – S. 10, 26; - / kernel – S. 30; - / Konstantin – S. 45; - / Robert Przybysz – S. 31; - / Gina Sanders – S. 38; - / VanderWolf Images – S. 40; Dreamstime.com / photographerlondon – S. 21; Getty Images Plus / iStock Editorial, manfredxy – S. 24; - / iStockphoto, artisteer – S. 9; - / iStockphoto, Bondariev – S. 24; - / iStockphoto, FS-Stock – S. 31; - / iStockphoto, g-stockstudio – S. 36; - / iStockphoto, Mauricio Graiki – S. 36; - / iStockphoto, ichalkov – S. 22; - / iStockphoto, joeravi – S. 30; - / iStockphoto, Kandfoto – S. 31; - / iStockphoto, KatarzynaBialasiewicz – S. 11, 45; - / iStockphoto, Sven Loeffler – S. 25; - / iStockphoto, Meinzahn – S. 44; - / iStockphoto, Okea – S. 11, 28; - / iStockphoto, omgimages – S. 36; - / iStockphoto, Mailson Pignata – S. 35; - / iStockphoto, RuslanKaln – S. 24; - / iStockphoto, Sebastian Steude – S. 18; - / iStockphoto, TToa55 – S. 9; - / iStockphoto, tylim – S. 20; - / Purestock – S. 8; imago images / fStop Images – S. 39; Mauritius Images / imageBROKER – S. 32; Science Photo Library / Gustoimages – S. 10, 16; - / Adam Hart-Davis – S. 36; - / Ted Kinsman – S. 11, 34, 36; Shutterstock / Sky Antonio – Cover.

